

 A. Tóm tắt kiến thức

## 1. HỆ TRỤC TỌA ĐỘ TRONG KHÔNG GIAN

- ✓ Trong không gian, ba trục  $Ox, Oy, Oz$  đôi một vuông góc với nhau tại gốc  $O$  của mỗi trục.
- ✓ Gọi  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  lần lượt là các vectơ đơn vị trên các trục  $Ox, Oy, Oz$ .
- ✓ Hệ ba trục như vậy được gọi là hệ trực tọa độ Descartes vuông góc  $Oxyz$ , hay đơn giản là hệ tọa độ  $Oxyz$ .
- ✓ Điểm  $O$  được gọi là gốc tọa độ.
- ✓ Các mặt phẳng  $(Oxy), (Oyz), (Ozx)$  đôi một vuông góc với nhau được gọi là các mặt phẳng tọa độ.

## 2. TỌA ĐỘ CỦA ĐIỂM, TỌA ĐỘ CỦA VECTƠ TRONG KHÔNG GIAN

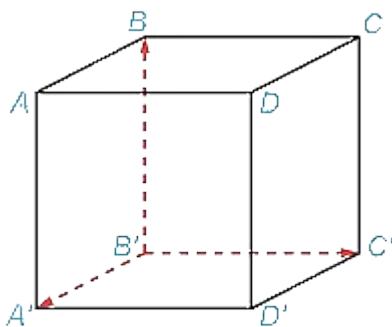
- ✓ Trong không gian  $Oxyz$ , cho một điểm  $M$  tùy ý. Bộ ba số  $(x; y; z)$  duy nhất sao cho  $\overrightarrow{OM} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$  được gọi là tọa độ của điểm  $M$  đối với hệ tọa độ  $Oxyz$ . Khi đó, ta viết  $M = (x; y; z)$  hoặc  $M(x; y; z)$ , trong đó  $x$  là hoành độ,  $y$  là tung độ và  $z$  là cao độ của  $M$ .
- ✓ Trong không gian  $Oxyz$ , cho vectơ  $\vec{a}$  tùy ý. Bộ ba số  $(x; y; z)$  duy nhất sao cho  $\vec{a} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$  được gọi là tọa độ của vectơ  $a$  đối với hệ tọa độ  $Oxyz$ . Khi đó, ta viết  $\vec{a} = (x; y; z)$  hoặc  $\vec{a}(x; y; z)$ .
- ✓ Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $M(x_M; y_M; z_M)$  và  $N(x_N; y_N; z_N)$ .

## ⑧. Phân dạng toán cơ bản

### • Dạng ①: Hệ trục tọa độ trong không gian

#### ☞ Các ví dụ minh họa

**Câu 1:** Cho hình lập phương  $ABCD \cdot A' B' C' D'$  có độ dài mỗi cạnh bằng 1 (H.2.36). Có thể lập một hệ tọa độ Oxyz có gốc O trùng với đỉnh  $B'$  và các vectơ  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  lần lượt là các vectơ  $\overrightarrow{B'A'}, \overrightarrow{B'C'}, \overrightarrow{B'B}$  không? giải thích vì sao.

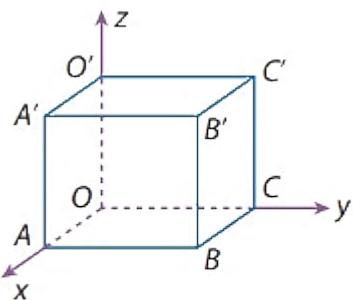


Hình 2.36

**Câu 2:** Cho tứ diện  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc và có độ dài bằng 1. Vẽ hệ trục tọa độ Oxyz có gốc là  $O$ , các điểm  $A, B, C$  lần lượt nằm trên các tia  $Ox, Oy, Oz$  và chỉ ra các vectơ đơn vị trên các trục tọa độ.

**Câu 3:** Cho hình hộp chữ nhật  $OABC \cdot O' A' B' C'$ . Hệ tọa độ Oxyz được chọn sao cho các tia  $Ox, Oy, Oz$  lần lượt chứa các điểm  $A, C, O'$  (Hình 2.30).

- Mặt bên  $OC C' O'$  nằm trong mặt phẳng tọa độ nào?
- $Ox$  có vuông góc với mặt bên  $OC C' O'$  không?
- Mặt bên  $OA A' O'$  có vuông góc với mặt phẳng tọa độ (Oxy) không?

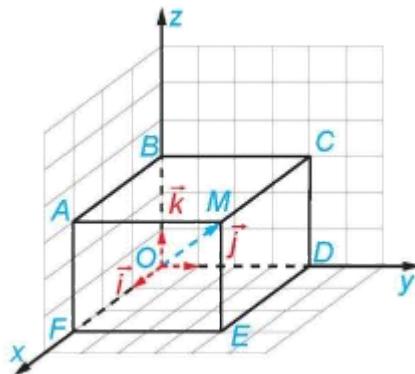


Hình 2.30

**Dạng ❶: Tọa độ của điểm và vectơ trong không gian**

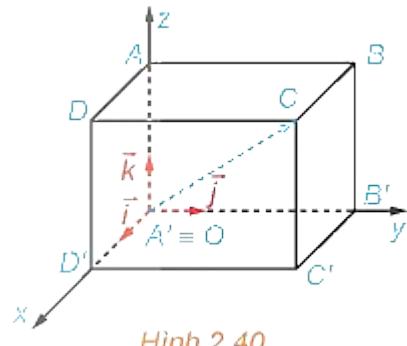
**Các ví dụ minh họa**

**Câu 1:** Hình 2.38 minh họa một hệ tọa độ Oxyz trong không gian cùng với các hình vuông có cạnh bằng 1 đơn vị. Tìm tọa độ của điểm  $M$ .



Hình 2.38

**Câu 2:** Trong không gian Oxyz, cho hình hộp chữ nhật  $ABCD \cdot A' B' C' D'$  có đỉnh  $A'$  trùng với gốc  $O$  và các đỉnh  $D', B', A$  lần lượt thuộc các tia  $Ox, Oy, Oz$  (H.2.40). Giả sử đỉnh  $C$  có tọa độ là  $(2; 3; 5)$  đối với hệ tọa độ Oxyz, hãy tìm tọa độ của các đỉnh  $D', B', A$  đối với hệ tọa độ đó.



Hình 2.40

**Câu 3:** Trong không gian Oxyz, hãy tìm tọa độ của các vectơ  $\vec{i}$ ,  $\vec{j}$  và  $\vec{k}$ .

**Dạng ❷: Ứng dụng thực tế**

**Các ví dụ minh họa**

**Câu 1:** Hãy mô tả hệ tọa độ Oxyz trong căn phòng ở Hình 2.44 sao cho gốc O trùng với góc trên của căn phòng, khung tranh nằm trong mặt phẳng (Oxy) và mặt trần nhà trùng với mặt phẳng (Oxz).



Hình 2.44

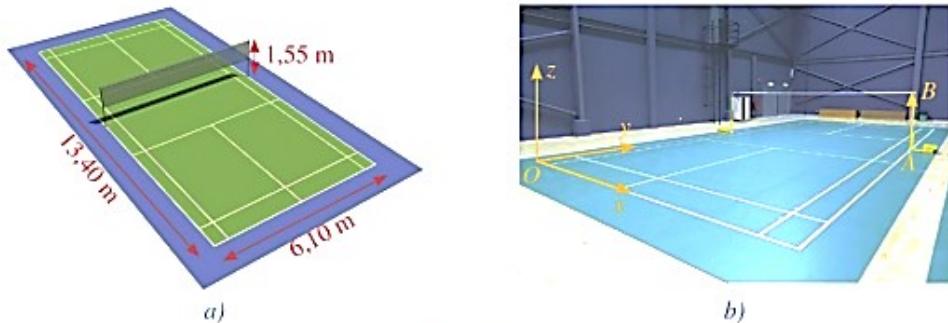
**Câu 2:** Một sân tennis với hệ tọa độ Oxyz được chọn như ở Hình 20.

- a) Hỏi mặt sân nằm trong mặt phẳng tọa độ nào?
- b) Trục Oz có vuông góc với mặt sân hay không?



Hình 20

**Câu 3:** Hình 33a mô tả một sân cầu lông với kích thước theo tiêu chuẩn quốc tế. Ta chọn hệ trục Oxyz cho sân đó như ở Hình 33b (đơn vị trên mỗi trục là mét). Giả sử AB là một trụ cầu lông để cảng lưới. Hãy xác định tọa độ của vectơ  $\vec{AB}$ .



Hình 33



## ◎. Dạng toán rèn luyện

### •Dạng 1: Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn

**Câu 1:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;1;-2)$  và  $B(2;2;1)$ . Vecto  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là:  
A.  $(3;3;-1)$       B.  $(-1;-1;-3)$       C.  $(3;1;1)$       D.  $(1;1;3)$

**Câu 2:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;1;-1)$  và  $B(2;3;2)$ . Véc-tô  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là  
A.  $(1;2;3)$       B.  $(-1;-2;3)$       C.  $(3;5;1)$       D.  $(3;4;1)$

**Câu 3:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho véc-tô  $\overrightarrow{AO} = 3(i + 4j) - 2k + 5j$ . Tọa độ của điểm  $A$  là  
A.  $(3;17;-2)$       B.  $(-3;-17;2)$       C.  $(3;-2;5)$       D.  $(3;5;-2)$

**Câu 4:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(-1;2;-2)$  trên trục  $Oz$  là điểm  
A.  $H(0;0;-1)$       B.  $E(-1;2;0)$       C.  $F(0;0;-2)$       D.  $G(0;0;2)$

**Câu 5:** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào sau đây nằm trên mặt phẳng tọa độ  $(Oyz)$ ?

- A.  $M(3;4;0)$       B.  $P(-2;3;0)$       C.  $Q(2;0;0)$       D.  $N(0;4;-1)$

**Câu 6:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1;2;3)$ . Xác định tọa độ điểm  $M'$  là hình chiếu của  $M$  lên mặt phẳng  $(Oxy)$ .  
A.  $M'(-1;2;-3)$       B.  $M'(1;2;0)$       C.  $M'(1;0;0)$       D.  $M'(0;0;3)$

**Câu 7:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(5;-1;3)$  trên mặt phẳng  $(Oyz)$  có tọa độ là

- A.  $(0;-1;0)$       B.  $(5;0;0)$       C.  $(0;-1;3)$       D.  $(-1;3;0)$

**Câu 8:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , hình chiếu của điểm  $M(1;2;3)$  trên trục  $Oy$  là điểm  
A.  $R(1;0;0)$       B.  $P(1;0;3)$       C.  $Q(0;2;0)$       D.  $S(0;0;3)$

**Câu 9:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(5;-6;1)$  lên mặt phẳng có tọa độ là  
A.  $(0;-6;0)$       B.  $(0;-6;1)$       C.  $(5;-6;0)$       D.  $(5;0;1)$

**Câu 10:** Trong không gian  $d : Oxyz$ , cho điểm  $M(1;-2;-3)$ . Hình chiếu vuông góc của điểm  $M$  lên mặt phẳng  $(Oyz)$  là  
A.  $Q(0;-2;-3)$       B.  $P(1;0;-3)$       C.  $N(1;-2;0)$       D.  $K(1;0;3)$ .

**Câu 11:** Hình chiếu vuông góc của điểm  $A(5;-4;3)$  trên trục  $Ox$  là điểm

- A.  $A'(5;4;-3)$       B.  $A'(-5;4;0)$       C.  $A'(-5;4;-3)$       D.  $A'(5;0;0)$

**Câu 12:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của  $M(1;3;5)$  lên mặt phẳng tọa độ  $(Oxy)$  là điểm có tọa độ

- A.  $(0;3;5)$       B.  $(0;0;5)$       C.  $(1;3;0)$       D.  $(1;0;5)$

**Câu 13:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;1;-1)$  và  $B(2;3;2)$ . Vecto  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là

- A.  $(3;5;1)$       B.  $(-1;-2;3)$       C.  $(3;4;1)$       D.  $(1;2;3)$

**Câu 14:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2;-1;3)$  trên trục  $Oz$  có tọa độ là

- A.  $(2;0;0)$       B.  $(0;-1;0)$       C.  $(0;0;3)$       D.  $(2;-1;0)$

**Câu 15:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $A(2;-3;5)$  trên trục  $Oy$  có tọa độ là

- A.  $(0;-3;0)$       B.  $(0;0;5)$       C.  $(2;0;0)$       D.  $(-3;0;0)$

**Câu 16:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(4;2;-3)$ . Hình chiếu vuông góc của điểm  $A$  trên mặt phẳng  $(Oxy)$  có tọa độ là

- A.  $(0;2;-3)$       B.  $(4;2;-3)$       C.  $(0;0;-3)$       D.  $(4;2;0)$

**Câu 17:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $A(3;-4;-3)$  trên trục  $Oz$  có tọa độ là

- A.  $(0;-4;0)$       B.  $(0;0;-3)$       C.  $(3;-4;0)$       D.  $(3;0;0)$

**Câu 18:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho bốn điểm  $A(2;0;0)$ ,  $B(0;2;0)$ ,  $C(0;0;2)$  và  $D(2;2;2)$ . Gọi  $M$ ,  $N$  lần lượt là trung điểm của  $AB$  và  $CD$ . Tọa độ trung điểm của  $MN$  là

- A.  $I(1;-1;2)$       B.  $I(1;1;0)$       C.  $I(1;1;1)$       D.  $I\left(\frac{5}{2};\frac{1}{2};1\right)$

**Câu 19:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(-3;2;1)$  trên mặt phẳng  $(Oxz)$  có tọa độ là

- A.  $(3;0;-1)$       B.  $(0;2;1)$       C.  $(-3;0;1)$       D.  $(-3;2;0)$

**Câu 20:** Trong không gian  $Oxyz$  với hệ tọa độ  $(O;i;j;k)$  cho  $\overrightarrow{OA} = \vec{j} - 2\vec{i} + 5\vec{k}$ . Tìm tọa độ điểm  $A$ .

- A.  $(5;-2;1)$       B.  $(-2;1;5)$       C.  $(1;-2;5)$       D.  $(-2;5;1)$

**Câu 21:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(-3;2;1)$  trên trục  $Ox$  có tọa độ là

- A.  $(-3;0;0)$       B.  $(0;2;1)$       C.  $(0;2;0)$       D.  $(0;0;1)$

**Câu 22:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(3;4;-2)$  lên mặt phẳng  $(Oxz)$  có tọa độ là

A.  $Q(3;0;0)$

B.  $G(3;4;0)$

C.  $E(0;4;-2)$

D.  $F(3;0;-2)$

**Câu 23:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho 2 điểm  $A(2;1;1)$ ,  $B(-1;2;1)$ . Tìm tọa độ điểm  $A'$  đối xứng với điểm  $A$  qua điểm  $B$ .

A.  $A'(3;4;-3)$

B.  $A'(-4;3;1)$

C.  $A'(4;-3;3)$

D.  $A'(4;3;3)$

**Câu 24:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(1;2;0)$ ,  $B(-1;0;1)$ ,  $C(0;2;-1)$ . Tính độ dài của vecto  $\overset{\text{uuu}}{AB} - 2\overset{\text{uuu}}{AC}$ .

A.  $\sqrt{21}$

B. 21

C.  $\sqrt{13}$

D. 13

**Câu 25:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1;-1;1)$ ,  $B(3;2;-2)$ ,  $C(-3;1;5)$ . Tìm tọa độ điểm  $M(x;y;z)$  thỏa mãn  $\overset{\text{uuu}}{MA} - 2\overset{\text{uuu}}{AB} = 4\overset{\text{uuu}}{CM}$ . Khi đó tổng  $S = \frac{9}{x} + \frac{3}{y} - \frac{27}{z}$  bằng

A. 6

B. -15

C. 16

D. -13

**Câu 26:** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm đối xứng của  $A(1;2;3)$  qua mặt phẳng  $(Oyz)$  là điểm nào dưới đây

A.  $Q(-1;2;3)$

B.  $N(1;-2;3)$

C.  $P(1;2;-3)$

D.  $M(1;-2;-3)$

**Câu 27:** Trong không gian cho  $Oxyz$  vecto  $\overset{\text{uuu}}{OM} = i - 3j + 4k$ . Gọi  $M'$  là hình chiếu vuông góc của  $M$  trêni mặt phẳng  $(Oxy)$ . Khi đó tọa độ của điểm  $M'$  trong hệ tọa độ  $Oxyz$  là

A.  $(1;-3;4)$

B.  $(1;4;-3)$

C.  $(0;0;4)$

D.  $(1;-3;0)$

**Câu 28:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(-1;2;5)$ ,  $B(3;-6;3)$ . Hình chiếu vuông góc của trung điểm  $I$  của đoạn  $AB$  trên mặt phẳng  $(Oyz)$  là điểm nào dưới đây?

A.  $P(3;0;0)$

B.  $N(3;-1;5)$

C.  $M(0;-2;4)$

D.  $Q(0;0;5)$

**Câu 29:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(1;2;-3)$  lên mặt phẳng  $(Oyz)$  có tọa độ là

A.  $(-1;2;-3)$

B.  $(0;2;-3)$

C.  $(1;0;0)$

D.  $(1;-2;3)$

**Câu 30:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;2;3)$ ,  $B(-2;-4;9)$ . Điểm  $M$  thuộc đoạn thẳng  $AB$  sao cho  $MA = 2MB$ . Độ dài đoạn thẳng  $OM$  là:

A. 5.

B. 3.

C.  $\sqrt{17}$

D.  $\sqrt{54}$ .

**Câu 31:** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(5;-6;2)$  lên mặt phẳng  $(Oxz)$  có tọa độ là

A.  $(0;-6;0)$

B.  $(5;0;2)$

C.  $(5;-6;0)$

D.  $(0;-6;2)$

**Câu 32:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(5;-1;1)$ . Hình chiếu của điểm  $A$  trên mặt phẳng  $(Oyz)$  là điểm

A.  $M(5;0;0)$

B.  $N(0;-1;1)$

C.  $P(0;-1;0)$

D.  $Q(0;0;1)$

**Câu 33:** Cho  $A(1;3;5)$ ,  $B(2;4;6)$ . Gọi  $M$  là điểm nằm trên đoạn  $AB$  sao cho  $MA = 2MB$ . Tìm tọa độ điểm  $M$ .

A.  $M\left(\frac{5}{3}; \frac{11}{3}; \frac{17}{3}\right)$

B.  $M\left(\frac{2}{3}; \frac{7}{3}; \frac{21}{3}\right)$

C.  $M\left(\frac{4}{3}; \frac{10}{3}; \frac{16}{3}\right)$

D.  $M\left(\frac{7}{3}; \frac{10}{3}; \frac{31}{6}\right)$

**Câu 34:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba vecto  $a(5;7;2)$ ,  $b(3;0;4)$ ,  $c(-6;1;-1)$ . Tìm tọa độ của vecto  $m = 3a - 2b + c$ .

A.  $m(3;22;-3)$

B.  $m(3;22;3)$

C.  $m(-3;22;-3)$

D.  $m(3;-22;3)$

**Câu 35:** Tìm tọa độ điểm  $M$  là điểm đối xứng của điểm  $M(1;2;3)$  qua gốc tọa độ  $O$ .

A.  $M'(-1;2;3)$

B.  $M'(-1;-2;3)$

C.  $M'(-1;-2;-3)$

D.  $M'(1;2;-3)$

**Câu 36:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các vecto  $a = (1; 3; 3)$ , vecto  $b = (-2; 2; 1)$  và vecto  $c = (-1; 2; 3)$ . Tìm vecto  $x$  biết  $x + a - b = c$ .

A.  $x = (4; -1; -1)$

B.  $x = (-4; 1; 1)$

C.  $x = (2; 3; 5)$

D.  $x = (-2; 7; 7)$

**Câu 37:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho  $A(1;2;3)$ . Toạ độ điểm  $M$  thoả  $OM + 2AO = 0$  là

A.  $M(-1;-2;-3)$

B.  $M(2;4;6)$

C.  $M(-2;-4;-6)$

D.  $M(2;-4;-6)$

**Câu 38:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho các vecto  $a = (1; 2; 1)$ ,  $b = (-2; 3; 4)$ ,  $c = (0; 1; 2)$  và  $d = (4; 2; 0)$ . Biết rằng  $d = x.a + y.b + z.c$ . Giá trị  $x + y + z$  là

A. 2

B. 3

C. 4

D. 5

**Câu 39:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho  $a = (10 - m; m + 2; m^2 - 10)$  và  $b = (7; -1; 3)$ .

Giá trị của  $m$  để  $a$  cùng phương với  $b$  là

A.  $m = 4$

B.  $m = -4$

C.  $m = -2$

D.  $m = 2$

**Câu 40:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các vecto  $a = (1; 0; 3)$  và  $b = (-2; 2; 5)$ . Tích vô hướng  $a.(a+b)$  bằng

A. 25

B. 23

C. 27

D. 29

**Câu 41:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba vecto  $a(2; -5; 3)$ ,  $b(0; 2; -1)$ ,  $c(1; 7; 2)$ . Tọa độ vecto  $d = a - 4b + 2c$  là

A.  $(1; -1; 3)$

B.  $(4; 1; 11)$

C.  $(-3; 5; 7)$

D.  $(0; 2; 6)$

**Câu 42:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; -2; 3); B(2; -3; 4)$ . Tìm điểm  $M \in (Oxy)$  sao cho ba điểm  $A, B, M$  thẳng hàng

A.  $M(1; 1; 0)$

B.  $M(3; -5; 7)$

C.  $M(-3; 5; 0)$

D.  $M(-2; 1; 0)$

### •Dạng 2: Câu trắc nghiệm đúng, sai

**Câu 1:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2; -4; 3)$  và  $B(2; 2; 7)$ . Trung điểm của đoạn  $AB$  có tọa độ là  $(2; -1; 5)$

b) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; -2)$  và  $B(2; 2; 1)$ . Vecto  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là  $(3; 1; 1)$

c) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; -1)$  và  $B(2; 3; 2)$ . Véc-tơ  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là  $(1; 2; 3)$

d) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho véc-tơ  $\overrightarrow{AO} = 3(i + 4j) - 2k + 5j$ . Tọa độ của điểm  $A$  là  $(3; 17; -2)$

**Câu 2:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(-1; 2; -2)$  trên trục  $Oz$  là điểm  $G(0; 0; 2)$

b) Trong không gian  $Oxyz$ , cho  $A(-1; 0; 1)$  và  $B(1; -1; 2)$  tọa độ véc-tơ  $\overrightarrow{AB}$  là  $(2; -1; 1)$

c) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai vecto  $\overset{\lrcorner}{u_1} = (1; -2; 1)$  và  $\overset{\lrcorner}{u_2} = (-1; 0; 3)$ . Vecto  $\overset{\lrcorner}{u_1} - \overset{\lrcorner}{u_2}$  có tọa độ là  $(2; -2; -2)$

d) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(5; -1; 3)$  trên mặt phẳng  $(Oyz)$  có tọa độ là  $(5; 0; 0)$

**Câu 3:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , hình chiếu của điểm  $M(1; 2; 3)$  trên trục  $Oy$  là điểm  $Q(0; 2; 0)$

b) Trong không gian  $Oxyz$ , điểm thuộc trục  $Oz$  là  $M(0; 0; -2)$

c) Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; 2; 3)$ . Tọa độ điểm  $M'$  là hình chiếu của  $M$  lên mặt phẳng  $(Oxy)$  là  $M'(-1; 2; -3)$

- d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;2;0)$ ,  $B(-1;0;-2)$ . Tọa độ trung điểm  $M$  của đoạn thẳng là  $M(0;1;-1)$ .

**Câu 4:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(5;-6;1)$  lên mặt phẳng  $(Oxz)$  có tọa độ là  $(0;-6;1)$
- b) Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1;-2;-3)$ . Hình chiếu vuông góc của điểm  $M$  lên mặt phẳng  $(Oyz)$  là  $Q(0;-2;-3)$ .
- c) Hình chiếu vuông góc của điểm  $A(5;-4;3)$  trên trực  $Ox$  là điểm  $A'(-5;4;-3)$
- d) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của  $M(1;3;5)$  lên mặt phẳng tọa độ  $(Oxy)$  là điểm có tọa độ  $(1;3;0)$

**Câu 5:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;1;-1)$  và  $B(2;3;2)$ . Vectơ  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là  $(1;2;3)$
- b) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $A(2;-3;5)$  trên trực  $Oy$  có tọa độ là  $(-3;0;0)$
- c) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(-3;2;1)$  trên mặt phẳng  $(Oxz)$  có tọa độ là  $(3;0;-1)$
- d) Trong không gian  $Oxyz$  với hệ tọa độ  $(O;i;j;k)$  cho  $\overrightarrow{OA} = \underline{i} - 2\underline{j} + 5\underline{k}$ . Tọa độ điểm  $A$  là  $(-2;1;5)$

**Câu 6:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(-3;2;1)$  trên trực  $Ox$  có tọa độ là  $(0;2;1)$
- b) Trong không gian  $Oxyz$ , vectơ  $\underline{u} = 2\underline{i} - 3\underline{k}$  có tọa độ là  $(2;-3;0)$
- c) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2;1;-1)$  trên trực  $Oy$  có tọa độ là  $(0;1;0)$
- d) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của  $M(1;-2;3)$  lên mặt phẳng  $(Oyz)$  là  $A(1;-2;0)$

**Câu 7:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian  $Oxyz$ , cho vec tơ  $\underline{u} = 2\underline{i} - 3\underline{k}$ , khi đó  $\underline{u} = (2;-3;0)$
- b) Trong không gian  $Oxyz$ , véctơ đơn vị trên trực  $Oy$  là  $\underline{j} = (0;1;0)$

- c) Trong không gian  $Oxyz$ , cho  $a(-2;-3;3)$ ,  $b(0;2;-1)$ ,  $c(-3;2;5)$ . Tọa độ của vecto  $u = 2a - 3b + 4c$  là  $u(-16;-4;29)$
- d) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $E(-1;3;2)$  trên mặt phẳng  $(Oyz)$  có tọa độ là  $(-1;3;0)$

**Câu 8:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1;0;-2)$ ,  $B(2;1;-1)$ ,  $C(1;-2;2)$ . Tọa độ trọng tâm  $G$  của tam giác  $ABC$  là  $G\left(-\frac{4}{3};\frac{1}{3};\frac{1}{3}\right)$
- b) Cho hai điểm  $M(1;-2;3)$  và  $N(3;0;-1)$ . Tọa độ trung điểm  $I$  của đoạn thẳng  $MN$  là  $I(2;-1;1)$
- c) Trong không gian tọa độ  $Oxyz$  cho  $A(1;2;-1)$ ,  $B(3;1;-2)$ ,  $C(2;3;-3)$  và  $G$  là trọng tâm tam giác  $ABC$ . Vecto chỉ phương của đường thẳng  $OG$  là  $u=(2;2;-2)$
- d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;3;-5)$ ,  $B(-3;1;-1)$ . Tọa độ trọng tâm  $G$  của tam giác  $OAB$  là  $G\left(\frac{2}{3};-\frac{4}{3};-2\right)$

**Câu 9:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho tam giác  $ABC$  biết  $A(1;0;-2)$ ,  $B(2;1;-1)$ ,  $C(1;-2;2)$ . Tọa độ trọng tâm  $G$  của tam giác là  $G\left(\frac{4}{3};-\frac{1}{3};-\frac{1}{3}\right)$
- b) Trong không gian  $Oxyz$ , cho tam giác  $ABC$  biết  $A(1;-2;2)$ ,  $B(0;4;1)$  và  $C(2;1;-3)$ . Trọng tâm tam giác  $ABC$  có tọa độ là  $\left(\frac{1}{3};-\frac{1}{3};-2\right)$
- c) Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(-2;1;3)$ ,  $B(5;0;2)$  và  $C(0;2;4)$ . Trọng tâm của tam giác  $ABC$  có tọa độ là  $(3;3;9)$
- d) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(3;-2;3)$ ,  $B(-1;2;5)$ ,  $C(1;0;1)$ . Tọa độ trọng tâm  $G$  của tam giác  $ABC$  là  $G(1;0;3)$

**Câu 10:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho  $a = -i + 2j - 3k$ . Tọa độ của véc to  $a$  là  $a=(2;-3;-1)$

b) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$  cho các điểm  $M(1;2;3)$ ,  $N(3;4;7)$ . Tọa độ của vecto  $MN$  là  $MN(2;2;4)$

c) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1;2;-4)$ . Tọa độ hình chiếu vuông góc của điểm  $M$  trên mặt phẳng tọa độ  $(Oxy)$  là  $(1;2;-4)$

d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;2;-3)$  và  $B(3;-2;-1)$ . Tọa độ trung điểm đoạn thẳng  $AB$  là điểm  $I(2;0;-2)$

**Câu 11:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho tam giác  $ABC$  có trọng tâm  $G(-3;1;4)$  và  $A(1;0;-1)$ ,  $B(2;3;5)$ . Tọa độ điểm  $C$  là  $C(4;2;-1)$

b) Trong không gian với hệ trục  $Oxyz$  cho ba điểm  $A(2;1;3)$ ,  $B(1;-2;2)$ ,  $C(x;y;5)$  thẳng hàng. Khi đó  $x+y$  bằng  $x+y=11$

c) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho các vectơ  $a=(2;-1;3)$ ,  $b=(1;3;-2)$ . Tọa độ của vectơ  $c=a-2b$  là  $c=(0;-7;-7)$

d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba vecto  $a(2;-5;3)$ ,  $b(0;2;-1)$ ,  $a(1;7;2)$ . Tọa độ vecto  $d=a-4b+2c$  là  $(-3;5;7)$

**Câu 12:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$  cho các vec tơ  $\overline{AB}=(3;-2;5)$  và  $\overline{AC}=(1;4;-1)$ . Độ dài trung tuyến  $AM$  của tam giác  $ABC$  là  $AM=3$

b) Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(1;-3;2)$ . Tọa độ điểm  $A'$  đối xứng với  $A$  qua mặt phẳng  $(Oyz)$  là  $A'(-1;-3;2)$

c) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;3;-1)$ ,  $B(3;-1;5)$ . Tọa độ của điểm  $M$  thỏa mãn hệ thức  $\overline{MA}=3\overline{MB}$  là  $M\left(\frac{7}{3};\frac{1}{3};-3\right)$

d) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2;1;1)$ ,  $B(0;3;-1)$  và điểm  $C$  nằm trên mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho ba điểm  $A, B, C$  thẳng hàng. Điểm  $C$  có tọa độ là  $(1;2;1)$

**Câu 13:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , tập hợp các điểm có tọa độ  $(x; y; z)$  sao cho  
 $-1 \leq x \leq 3, -1 \leq y \leq 3, -1 \leq z \leq 3$  là tập các điểm của một khối đa diện (lồi) có một tâm đối  
 xứng. Tọa độ của tâm đối xứng đó là  $(1; 1; 1)$

- b) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(1; 2; -3)$  lên mặt phẳng  $(Oyz)$

có tọa độ là  $(-1; 2; -3)$

- c) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba vectơ  $a(5; 7; 2), b(3; 0; 4), c(-6; 1; -1)$

. Tọa độ của vectơ  $\overset{\leftrightarrow}{m} = 3\overset{\leftrightarrow}{a} - 2\overset{\leftrightarrow}{b} + \overset{\leftrightarrow}{c}$  là  $(3; 22; -3)$

- d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 2; 0), B(-1; 3; 5)$ . Gọi  $I(a; b; c)$  là điểm thỏa

mãn  $\overset{\leftrightarrow}{IA} + 3\overset{\leftrightarrow}{IB} = \overset{\leftrightarrow}{0}$ . Khi đó, giá trị của biểu thức  $a + 2b + 2c$  bằng 50

**Câu 14:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , hình chiếu của điểm  $M(1; -3; -5)$  trên mặt phẳng  $(Oyz)$  có tọa độ là  $(0; -3; 0)$

- b) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho tam giác  $ABC$  có  $\overset{\leftrightarrow}{AB} = (-3; 0; 4)$ ,  
 $\overset{\leftrightarrow}{AC} = (5; -2; 4)$ . Độ dài đường trung tuyến  $AM$  là  $3\sqrt{2}$

- c) Trong không gian, cho hai điểm  $A(-2; 2; -1), B(0; -1; -2)$ . Tọa độ điểm  $M$  thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho ba điểm  $A, B, M$  thẳng hàng là  $M(-4; 5; 0)$

- d) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho các vectơ  $a = (1; 2; 1), b = (-2; 3; 4)$ ,  
 $c = (0; 1; 2)$  và  $d = (4; 2; 0)$ . Biết rằng  $d = x.a + y.b + z.c$ . Giá trị  $x + y + z$  là 1

**Câu 15:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(5; -6; 2)$  lên mặt phẳng  $(Oxz)$  có tọa độ là  $(5; 0; 2)$

- b) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; -1; 2)$  và  $B(3; 1; 0)$ . Tọa độ trung điểm  $I$  của đoạn  $AB$  là  $I(2; 0; 1)$

- c) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , điểm thuộc trục  $Oy$  và cách đều hai điểm  $A(3; 4; 1)$  và  $B(1; 2; 1)$  là  $M(0; 5; 0)$

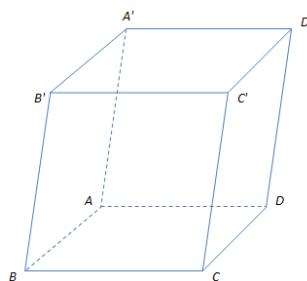
- d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1;2;3)$ ,  $B(-2;-4;9)$ . Điểm  $M$  thuộc đoạn thẳng  $AB$  sao cho  $MA = 2MB$ . Độ dài đoạn thẳng  $OM$  là  $\sqrt{17}$

**Câu 16:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian  $Oxyz$  cho  $A(x;y;-3)$ ,  $B(6;-2;4)$ ,  $C(-3;7;-5)$ . Giá trị của  $x$ ,  $y$  để  $A$ ,  $B$ ,  $C$  thẳng hàng là  $x=1$ ;  $y=-5$ .
- b) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , điểm thuộc trục  $Ox$  và cách đều hai điểm  $A(4;2;-1)$ ,  $B(2;1;0)$ ,  $M(4;0;0)$  và là
- c) Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(1;2;-3)$  lên mặt phẳng  $(Oyz)$  có tọa độ là  $(0;2;-3)$ .
- d) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho  $A(0;-1;1)$ ,  $B(-2;1;-1)$ ,  $C(-1;3;2)$ . Biết rằng  $ABCD$  là hình bình hành, khi đó tọa độ điểm  $D$  là  $D(-1;-3;-2)$ .

**Câu 17:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian  $Oxyz$ , mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + (z+2)^2 = 17$  cắt trục  $Oz$  tại hai điểm  $A, B$ . Độ dài đoạn  $AB$  bằng  $2\sqrt{17}$ .
- b) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$  cho hai điểm  $A(3;1;0), B(1;5;2)$ . Gọi  $A'$  là hình chiếu vuông góc của  $A$  lên mặt phẳng  $(Oxy)$ ,  $B'$  là hình chiếu vuông góc của  $B$  lên mặt phẳng  $(Oyz)$ . Khi đó  $A'B'$  bằng  $2\sqrt{6}$ .
- c) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho các điểm  $A, B, C$  có tọa độ thỏa mãn  $OA = i + j + k$ ,  $OB = 5i + j - k$ ,  $BC = 2i + 8j + 3k$ . Tọa độ điểm  $D$  để tứ giác  $ABCD$  là hình bình hành là  $D(3;9;4)$ .
- d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $A(0;0;1)$ ,  $B'(1;0;0)$ ,  $C'(1;1;0)$  (tham khảo hình vẽ bên dưới). Tọa độ của điểm  $D$  là  $D(0;1;1)$ .



**Câu 18:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Cho tam giác  $ABC$  biết  $A(2; -1; 3)$  và trọng tâm  $G$  của tam giác có tọa độ là  $G(2; 1; 0)$ . Khi đó  $\frac{\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}}{2}$  có tọa độ là  $(0; 6; -9)$

b) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho bốn điểm  $A(1; 0; 2)$ ,  $B(-2; 1; 3)$ ,  $C(3; 2; 4)$ ,  $D(6; 9; -5)$ . Tọa độ trọng tâm của tứ diện  $ABCD$  là  $(2; 3; 1)$

c) Cho ba điểm  $A(1; 0; -2)$ ,  $B(2; 1; -1)$ ,  $C(1; -2; 2)$  và điểm  $E$  là đỉnh thứ tư của hình bình hành  $ABCE$  thì tọa độ của  $E$  là  $(0; -1; 3)$

d) Cho tam giác  $ABC$  có  $A(1; 1; 1)$ ,  $B(-1; 2; 3)$  và  $C(3; 2; 1)$ . Gọi  $M$  là điểm thuộc đường thẳng  $BC$  sao cho  $\frac{\overrightarrow{BM}}{\overrightarrow{BC}} = 2$ . Để  $BMDA$  là hình bình hành thì tọa độ  $D$  là  $D(5; -1; -1)$

**Câu 19:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hình bình hành  $ABCE$  với  $A(3; 1; 2)$ ,  $B(1; 0; 1)$ ,  $C(2; 3; 0)$ . Tọa độ đỉnh  $E$  là  $E(4; 4; 1)$ .

b) Cho 3 điểm  $M(2; 0; 0)$ ,  $N(0; -3; 0)$ ,  $P(0; 0; 4)$ . Nếu  $MNPQ$  là hình bình hành thì tọa độ của điểm  $Q$  là  $(2; 3; 4)$

c) Trong không gian  $Oxyz$  cho điểm  $G(1; -2; 3)$  và ba điểm  $A(a; 0; 0)$ ,  $B(0; b; 0)$ ,  $C(0; 0; c)$ . Biết  $G$  là trọng tâm của tam giác  $ABC$  thì  $a + b + c$  bằng 6

d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hình bình hành  $ABCD$  với  $A(1; 2; 3)$ ,  $B(5; 0; -1)$ ,  $C(4; 3; 6)$  và  $D(a; b; c)$ . Giá trị của  $a + b + c$  bằng 15

**Câu 20:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 2; 0)$ ,  $B(-1; 3; 5)$ . Gọi  $I(a; b; c)$  là điểm thỏa mãn  $\overrightarrow{IA} + 3\overrightarrow{IB} = \overrightarrow{0}$ . Khi đó, giá trị của biểu thức  $a + 2b + 2c$  bằng  $\frac{25}{2}$

b) Trong không gian  $Oxyz$  cho điểm  $A(3; -4; 3)$ . Tổng khoảng cách từ  $A$  đến ba trục tọa độ bằng  $\frac{\sqrt{34}}{2}$

c) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , để hai vec tơ  $a = (m; 2; 3)$  và  $b = (1; n; 2)$  cùng phương thì  $2m + 3n$  bằng 9

d) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(0; -2; -5)$ ,  $B(3; 4; 4)$ ,  $C(x; y+1; 1)$  thẳng hàng. Khi đó  $3x - y$  bằng 5

**Câu 21:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(6; -3; 4)$ ,  $B(a; b; c)$ . Gọi  $M, N, P$  lần lượt là giao điểm của đường thẳng  $AB$  với các mặt phẳng tọa độ  $(Oxy)$ ,  $(Oxz)$  và  $(Oyz)$ . Biết rằng  $M, N, P$  nằm trên đoạn  $AB$  sao cho  $AM = MN = NP = PB$ . Giá trị của tổng  $a + b + c$  là -11

b) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho 4 điểm  $A(2; 4; -1)$ ,  $B(1; 4; -1)$ ,  $C(2; 4; 3)$ ,  $D(2; 2; -1)$ , biết  $M(x; y; z)$  để  $MA^2 + MB^2 + MC^2 + MD^2$  đạt giá trị nhỏ nhất thì  $x + y + z$  bằng  $\frac{21}{4}$

c) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; -1)$ ,  $B(2; -1; 3)$ ,  $C(-4; 7; 5)$ . Tọa độ chân đường phân giác trong góc  $B$  của tam giác  $ABC$  là  $\left(\frac{2}{3}; \frac{11}{3}; \frac{1}{3}\right)$

d) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; -2; 2)$ ,  $B(-5; 6; 4)$  và  $C(0; 1; -2)$ . Độ dài đường phân giác trong của góc  $A$  của  $\Delta ABC$  là  $\frac{2\sqrt{64}}{3}$

**Câu 22:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

a) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho tam giác  $ABC$  có  $A(1; 2; -1)$ ,  $B(2; -1; 3)$ ,  $C(-4; 7; 5)$ . Gọi  $D(a; b; c)$  là chân đường phân giác trong của góc  $B$  của tam giác  $ABC$ . Giá trị  $a + b + 2c$  bằng 5

b) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hình thang  $ABCD$  có  $AB$  song song với  $CD$ . Biết  $A(1; 2; 1)$ ,  $B(2; 0; -1)$ ,  $C(6; 1; 0)$  và diện tích hình thang  $ABCD$  bằng  $6\sqrt{2}$ . Gọi  $D(a; b; c)$ , khi đó biểu thức  $T = a - 2b + 4c$  là  $T = 3$

c) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho tam giác  $ABC$  có  $A(3; 1; 0)$ ,  $B$  nằm trên mặt phẳng  $(Oxy)$  và có hoành độ dương,  $C$  nằm trên trục  $Oz$  và  $H(2; 1; 1)$  là trực tâm của tam giác  $ABC$ . Tọa độ các điểm  $B$ ,  $C$  thỏa mãn yêu cầu bài toán là  $B(3; 1; 0)$ ,  $C(0; 0; -3)$

d) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; -1)$ ,  $B(2; -1; 3)$ ,  $C(-4; 7; 5)$ . Tọa độ chân đường phân giác trong góc  $B$  của tam giác  $ABC$  là  $\left(\frac{11}{3}; -2; 1\right)$

**Câu 23:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

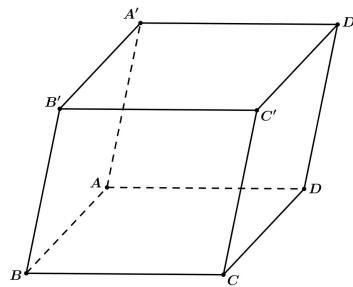
a) Trong không gian với hệ trục  $Oxyz$  cho ba điểm  $A(2; 1; 3)$ ,  $B(1; -2; 2)$ ,  $C(x; y; 5)$  thẳng hàng. Khi đó  $x + y$  bằng  $x + y = 11$

b) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(2; 0; -1)$ ,  $B(0; 3; -2)$ ,  $C(-4; -5; 0)$ . Tọa độ điểm  $M$  sao cho  $\frac{\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} + 3\overrightarrow{MC}}{M} = 0$  là  $M\left(-\frac{5}{3}; -\frac{3}{2}; -\frac{5}{6}\right)$

- c) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $M(1;1;1)$ ,  $N(2;3;4)$ ,  $P(7;7;5)$ . Để tứ giác  $MNPQ$  là hình bình hành thì tọa độ điểm  $Q$  là  $(6;5;2)$
- d) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  biết  $A(1;0;1)$ ,  $B(2;1;2)$ ,  $D(1;-1;1)$ ,  $C'(4;5;-5)$ . Tọa độ của đỉnh  $A'$  là  $A' = (3;4;-1)$

**Câu 24:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $A(0;0;1)$ ,  $B'(1;0;0)$ ,  $C'(1;1;0)$  (tham khảo hình vẽ bên dưới). Tọa độ của điểm  $D$  là  $D(0;1;1)$



- b) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $A(0;0;0)$ ,  $B(3;0;0)$ ,  $D(0;3;0)$ ,  $D'(0;3;-3)$ . Toạ độ trọng tâm tam giác  $A'B'C$  là  $(2;1;-2)$

- c) Trong không gian  $Oxyz$ , cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  biết  $A(1;0;1)$ ,  $B(2;1;2)$ ,  $D(1;-1;1)$ ,  $C'(4;5;-5)$ . Tọa độ của điểm  $A'$  là  $A'(-3;4;-1)$

- d) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai vectơ  $\vec{u} = (m;-2;1)$  và  $\vec{v} = (3;n;-2)$ , với  $m$  và  $n$  là hai số thực. Để vectơ  $\vec{u}$  cùng phương với  $\vec{v}$  thì biểu thức  $T = 2m + n$  có giá trị bằng 4

**Câu 25:** Các mệnh đề sau đúng hay sai?

- a) Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho  $\overrightarrow{OA} = 2\mathbf{i} + 3\mathbf{j} + 5\mathbf{k}$ . Điểm  $M$  thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  thỏa mãn độ dài  $AM$  nhỏ nhất. Tọa độ của điểm  $M$  là  $(2;3;0)$ .
- b) Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1;-2;4)$ . Khoảng cách từ điểm  $M$  đến trục  $Ox$  bằng  $2\sqrt{3}$
- c) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  biết  $A(2;-1;2)$ ,  $B'(1;2;1)$ ,  $C(-2;3;2)$ ,  $D'(3;0;1)$ . Tọa độ điểm  $B$  là  $B(-1;2;2)$
- d) Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho tam giác  $ABC$  có  $A(1;2;-1)$ ,  $B(2;-1;3)$ ,  $C(-4;7;5)$ . Tọa độ chân đường phân giác trong góc  $B$  của tam giác  $ABC$  là  $\left(\frac{2}{3}; \frac{11}{3}; \frac{1}{3}\right)$

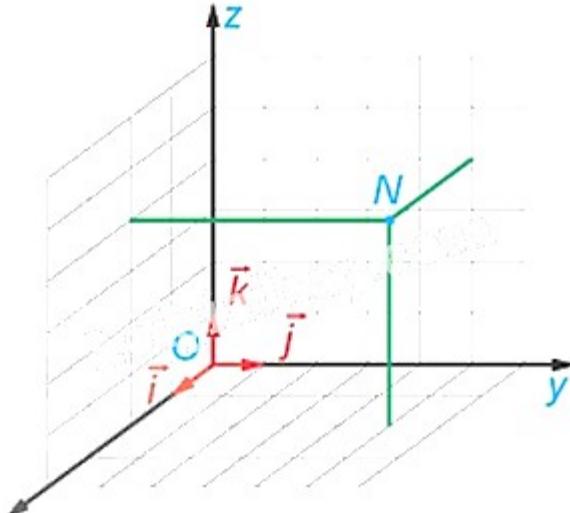
### •Dạng ❸: Câu trắc nghiệm trả lời ngắn

**Câu 1:** Trong không gian Oxyz, hãy xác định tọa độ của vectơ  $\vec{i}+2\vec{j}+5\vec{k}$ .

**Câu 2:** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho hai điểm  $M(-4;3;-1)$  và  $N(2;-1;-3)$ .

Tìm tọa độ của các vectơ  $\overrightarrow{OM}, \overrightarrow{ON}$ .

**Câu 3:** Tìm tọa độ của điểm N trong Hình 2.39.

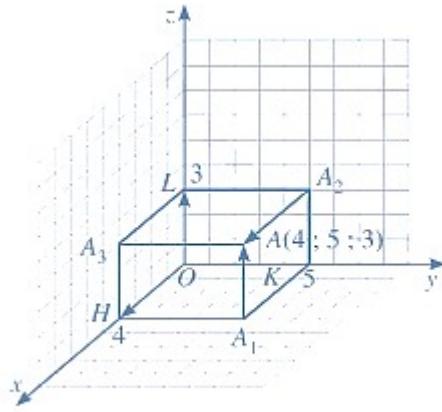


Hình 2.39

**Câu 4:** Trong không gian Oxyz, xác định tọa độ của vectơ  $\overrightarrow{AB}$  trong mỗi trường hợp sau:

- a)  $A(0;0;0)$  và  $B(4;2;-5)$ ;
- b)  $A(1;-3;7)$  và  $B(1;-3;7)$ ;
- c)  $A(5;4;9)$  và  $B(-5;7;2)$ .

**Câu 5:** Tìm tọa độ của các vectơ  $\overrightarrow{A_1A}, \overrightarrow{A_2A}$  ở Hình 30.



Hình 30

**Câu 6:** Trong không gian Oxyz, xác định tọa độ của điểm A trong mỗi trường hợp sau:

- a) A trùng với gốc tọa độ;
- b) A nằm trên tia  $Ox$  và  $OA=2$ ;

c) A nằm trên tia đối của tia Oy và  $OA=3$ .

**Câu 7:** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm  $A(1; 2; -3)$  và vectơ  $\vec{u}=(3;-4;2)$ .

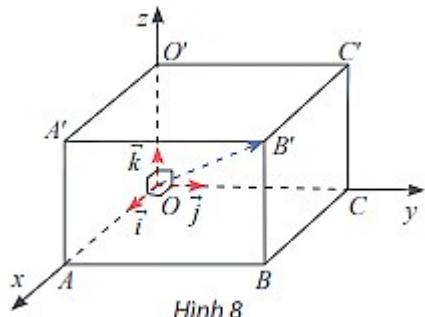
Hãy biểu diễn theo các vectơ  $\vec{i}, \vec{j}$  và  $\vec{k}$  mỗi vectơ sau:

- a)  $\overrightarrow{OA}$ ;      b)  $\vec{u}$ .

**Câu 8:** Trong không gian Oxyz, cho ba vectơ  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  đều khác  $\vec{0}$  và có giá đài một vuông góc. Những mệnh đề nào sau đây là đúng?

- a) Có thể lập được một hệ tọa độ Oxyz có các trục tọa độ lần lượt song song với giá của các vectơ  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ .
- b) Có thể lập được một hệ tọa độ Oxyz có các trục tọa độ lần lượt trùng với giá của các vectơ  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ .
- c) Có thể lập được một hệ tọa độ Oxyz có các vectơ  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  lần lượt bằng các vectơ  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ .
- d) Có thể lập được một hệ tọa độ Oxyz có các vectơ  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  lần lượt cùng phương các vectơ  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ .

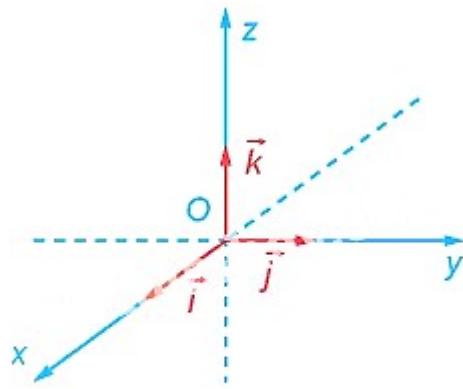
**Câu 9:** Cho hình hộp chữ nhật  $OABC \cdot O'A'B'C'$  có cạnh  $OA=4, OC=6, OO'=3$ . Chọn hệ trục tọa độ Oxyz có gốc tọa độ O; các điểm  $A, C, O'$  lần lượt nằm trên các tia  $Ox, Oy, Oz$ . Xác định tọa độ các điểm  $A, B, B'$ .



Hình 8

**Câu 10:** Trong không gian, xét ba trục  $Ox, Oy, Oz$  có chung gốc O và đôi một vuông góc với nhau.

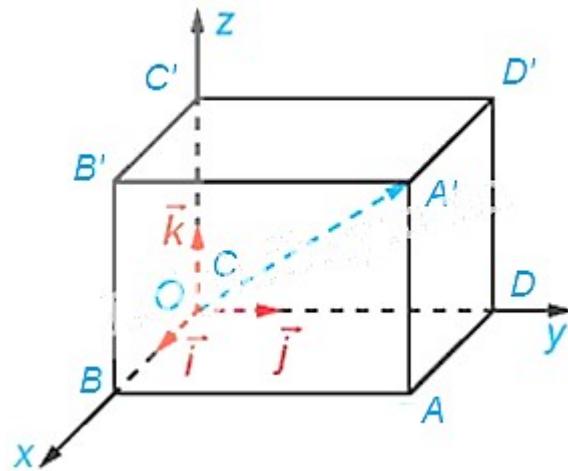
Gọi  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  là các vectơ đơn vị trên các trục đó (H.2.35).



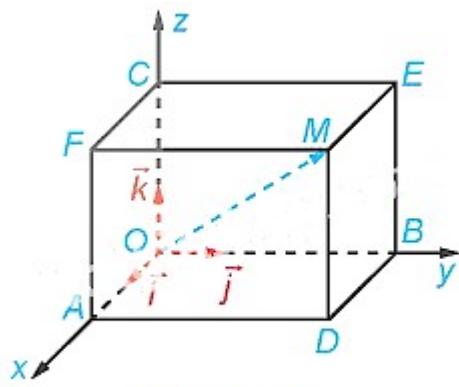
Hình 2.35

- a) Gọi tên các mặt phẳng tọa độ có trong Hình 2.35.
- b) Các mặt phẳng tọa độ trong Hình 2.35 có đối một vuông góc với nhau không?

**Câu 11:** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD \cdot A' B' C' D'$ . Có thể lập một hệ tọa độ Oxyz có gốc O trùng với đỉnh C và các vectơ  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  lần lượt cùng hướng với các vectơ  $\overrightarrow{CB}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{CC'}$  không? Vì sao?



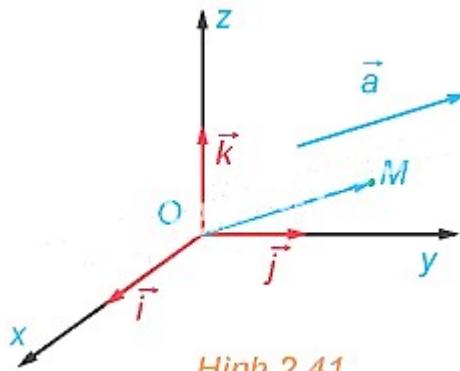
**Câu 12:** Trong không gian Oxyz, cho một điểm M không thuộc các mặt phẳng tọa độ. Vẽ hình hộp chữ nhật OADB.CFME có ba đỉnh A, B, C lần lượt thuộc các tia Ox, Oy, Oz (H.2.37).



Hình 2.37

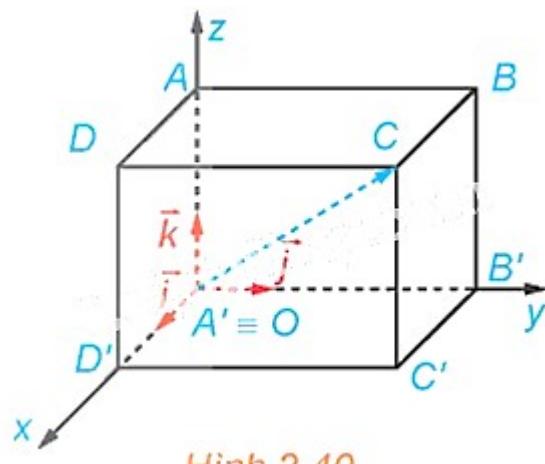
- a) Hai vectơ  $\overrightarrow{OM}$  và  $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC}$  có bằng nhau hay không?
- b) Giải thích vì sao có thể viết  $\overrightarrow{OM} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$  với  $x, y, z$  là các số thực.

**Câu 13:** Trong không gian Oxyz, cho vectơ  $\vec{a}$  tùy ý (H.2.41). Lấy điểm  $M$  sao cho  $\overrightarrow{OM} = \vec{a}$  và giải thích vì sao có bộ ba số  $(x; y; z)$  sao cho  $\vec{a} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$ .



Hình 2.41

**Câu 14:** Trong Ví dụ 3, hãy xác định tọa độ của các điểm  $B$ ,  $D$  và  $C'$ .

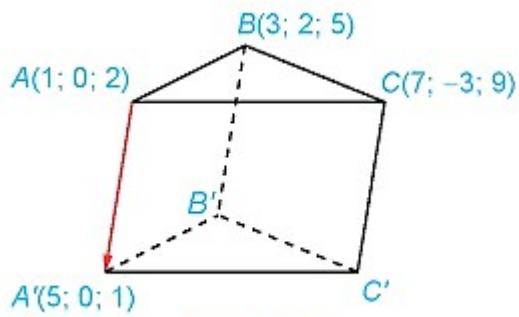


Hình 2.40

**Câu 15:** Trong không gian Oxyz, cho hình lăng trụ tam giác  $ABC.A'B'C'$  có  $A(1;0;2), B(3;2;5), C(7;-3;9)$  và  $A'(5;0;1)$ .

a) Tìm tọa độ của  $\overrightarrow{AA'}$ .

b) Tìm tọa độ của các điểm  $B', C'$ .



Hình 2.42

**Câu 16:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hình bình hành có ba đỉnh  $A(1; 1; -2)$ ,  $B(4; 3; 1)$  và  $C(-1; -2; 2)$ .

a) Tìm tọa độ của vecto  $\overrightarrow{AB}$ .

b) Tìm tọa độ của điểm  $D$ .

**Câu 17:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm không thẳng hàng

$$A(2; -1; 4), B(3; 5; -1), C(-1; 1; 2).$$

a) Tìm tọa độ của  $\overrightarrow{AB}$ .

b) Tìm tọa độ điểm  $D$  sao cho  $ABCD$  là hình bình hành.

**Câu 18:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho vecto  $\vec{u} = -2\vec{i} + 3\vec{j} + \frac{3}{4}\vec{k}$  và vecto  $\vec{v} = \left(3; -\frac{5}{4}; 2\right)$ .

a) Tìm tọa độ của  $\vec{u}$ .

b) Biểu diễn  $\vec{v}$  theo các vecto đơn vị  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ .

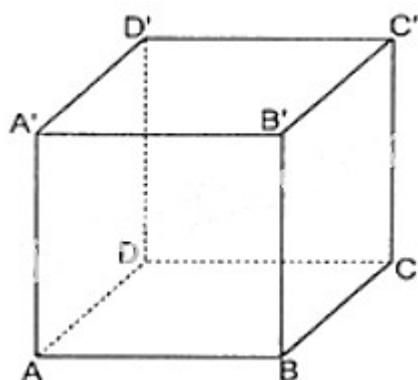
c) Tìm tọa độ của  $\vec{a} = 2\vec{u} + \frac{1}{3}\vec{v}$ .

**Câu 19:** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $M(x; y; z)$  và  $N(x'; y'; z')$ .

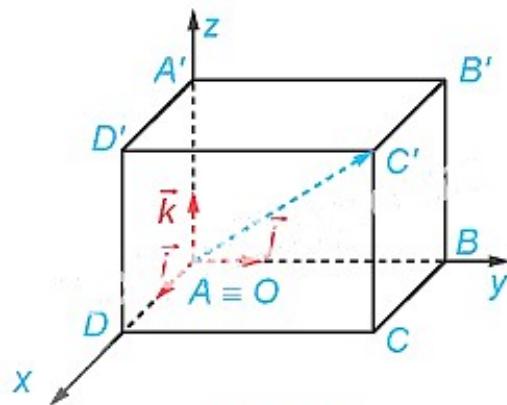
a) Hãy biểu diễn hai vecto  $\overrightarrow{OM}$  và  $\overrightarrow{ON}$  qua các vecto  $\vec{i}, \vec{j}$  và  $\vec{k}$

b) Xác định tọa độ của vecto  $\overrightarrow{MN}$ .

**Câu 20:** Trong Ví dụ 5, xác định tọa độ của các điểm  $D$  và  $D'$  sao cho  $ABCD \cdot A'B'C'D'$  là hình hộp.



**Câu 21:** Trong không gian Oxyz, cho hình hộp chữ nhật ABCD.A'B'C'D' có đỉnh A trùng với gốc O và các đỉnh D, B, A' có tọa độ lần lượt là (2; 0; 0), (0; 4; 0), (0; 0; 3) (H.2.45). Xác định tọa độ của các đỉnh còn lại của hình hộp chữ nhật.

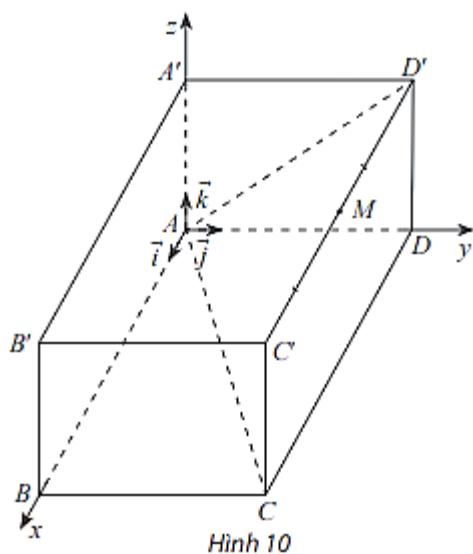


Hình 2.45

**Câu 22:** Trong không gian Oxyz, cho hình hộp OABC. O'A'B'C' có  
 $A(1;1;-1), B(0;3;0), C'(2;-3;6)$ .

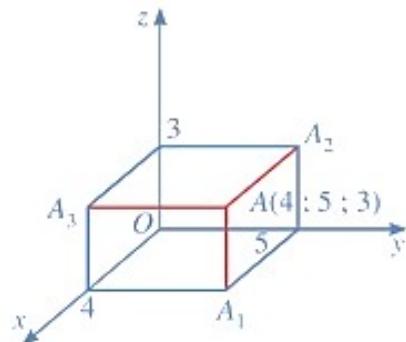
- a) Xác định tọa độ của điểm C.
- b) Xác định các tọa độ đỉnh còn lại của hình hộp.

**Câu 23:** Trong không gian Oxyz, cho hình hộp chữ nhật ABCD · A'B'C'D' có đỉnh A trùng với gốc O, các vecto  $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AA'}$  theo thứ tự cùng hướng với  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  và có  $AB=8, AD=6, AA'=4$ . Tìm tọa độ các vecto  $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AC'}, \overrightarrow{AM}$  và  $\overrightarrow{AM}$  với M là trung điểm của cạnh  $C'D'$ .



Hình 10

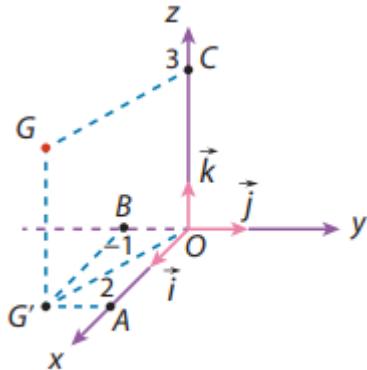
**Câu 24:** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm  $A(4;5;3)$ . Gọi  $A_1, A_2, A_3$  lần lượt là hình chiếu của điểm  $A$  trên các mặt phẳng tọa độ  $(Oxy), (Oyz), (Ozx)$  (Hình 25). Tìm tọa độ của các điểm  $A_1, A_2, A_3$ .



Hình 25

**Câu 25:** Trong không gian Oxyz, cho hình hộp chữ nhật  $OB'CD \cdot O'B'C'D'$  có  $B(2;0;0), D(0;1;0)$ ,  $O'(0;0;1)$ . Tìm tọa độ các đỉnh còn lại.

**Câu 26:** Trong không gian Oxyz, xác định vị trí điểm  $G(2;-1;3)$ .



Hình 2.35