

Họ và tên học sinh:..... SBD:.....

**Mã đề thi
225**

Câu 1. Trong không gian $Oxyz$, cho đường thẳng d có phương trình tham số $\begin{cases} x = 1 + 4t \\ y = -2 - t \\ z = 3 + 2t \end{cases}$. Điểm nào sau đây thuộc đường thẳng d ?

- A. $D(-1; 2; -3)$. B. $B(4; -1; 2)$. C. $C(-4; 1; -2)$. D. $A(1; -2; 3)$.

Câu 2. Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = 3x^2 - 2x + 5$ là

- A. $\int (3x^2 - 2x + 5) dx = x^3 + x^2 + 5x + C$ (với C là hằng số).
 B. $\int (3x^2 - 2x + 5) dx = 6x - 2 + C$ (với C là hằng số).
 C. $\int (3x^2 - 2x + 5) dx = x^3 - x^2 + C$ (với C là hằng số).
 D. $\int (3x^2 - 2x + 5) dx = x^3 - x^2 + 5x + C$ (với C là hằng số).

Câu 3. Một vật bắt đầu chuyển động nhanh dần đều với vận tốc $v(t) = 3t$ (m/s). Tính quãng đường vật di chuyển được trong 4 giây kể từ lúc bắt đầu chuyển động.

- A. 10 m . B. 12 m . C. 30 m . D. 24 m .

Câu 4. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm và liên tục trên đoạn $[0; 3]$ đồng thời $f(0) = 2$, $f(3) = 4$. Tích phân $\int_0^3 [3f'(x) - 2x] dx$ bằng

- A. 9. B. 5. C. -3. D. 6.

Câu 5. Gọi z_0 là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình bậc hai $z^2 - 2z + 3 = 0$.

- A. $z_0 = 2 + \sqrt{2}i$. B. $z_0 = 2 - \sqrt{2}i$. C. $z_0 = 1 - \sqrt{2}i$. D. $z_0 = 1 + \sqrt{2}i$.

Câu 6. Một vật thể được giới hạn bởi 2 mặt phẳng vuông góc với trục hoành tại hai điểm có hoành độ $x = a$, $x = b$ ($a < b$). Biết diện tích thiết diện của mặt phẳng vuông góc với trục Ox và vật thể là $S(x)$, $x \in [a; b]$. Tính thể tích V của vật thể.

- A. $V = \pi \int_a^b S^2(x) dx$. B. $V = \int_a^b S(x) dx$. C. $V = \pi \int_a^b S(x) dx$. D. $V = \int_a^b S^2(x) dx$.

Câu 7. Trong không gian $Oxyz$, cho hai đường thẳng $d: \begin{cases} x = 1 - t \\ y = t \\ z = -t \end{cases}$ và $d': \begin{cases} x = 2t' \\ y = -1 + t' \\ z = t' \end{cases}$. Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng?

- A. d và d' chéo nhau. B. $d // d'$.
 C. $d \equiv d'$. D. d và d' cắt nhau.

Câu 8. Tích phân $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+2}}$ bằng

- A. $\sqrt{3} + \sqrt{2}$. B. $2(\sqrt{3} + \sqrt{2})$. C. $\sqrt{3} - \sqrt{2}$. D. $2(\sqrt{3} - \sqrt{2})$.

Câu 9. Cho số phức z thỏa mãn điều kiện $iz = 1 - i$. Số phức liên hợp của z là

- A. $\bar{z} = -1 - i$. B. $\bar{z} = -1 + i$. C. $\bar{z} = 1 - i$. D. $\bar{z} = 1 + i$.

Câu 10. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt phẳng $(\alpha): x - 2y + 3z - 1 = 0$ và đường thẳng

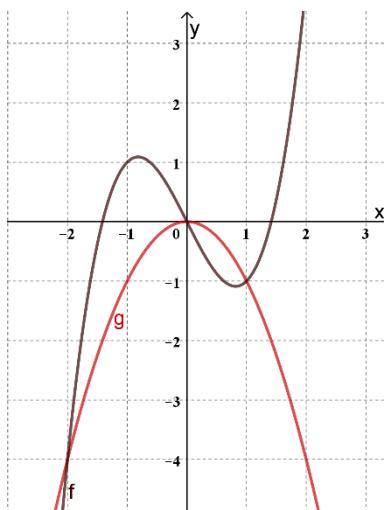
$d: \frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-2}{-1}$. Mệnh đề nào sau đây là mệnh đề **đúng**?

- A. Đường thẳng d cắt mặt phẳng (α) .
 B. Đường thẳng d nằm trong mặt phẳng (α) .
 C. Đường thẳng d vuông góc với mặt phẳng (α) .
 D. Đường thẳng d song song với mặt phẳng (α) .

Câu 11. Cho hình phẳng (H) giới hạn bởi đồ thị các hàm số $y = f(x)$, trục hoành, trục tung và đường thẳng $x = 2$. Thể tích V khối tròn xoay thu được khi quay (H) xung quanh trục hoành được tính bằng công thức

- A. $V = \pi^2 \int_0^2 f^2(x) dx$. B. $V = \int_0^2 f^2(x) dx$. C. $V = \pi^2 \int_0^2 f(x) dx$. D. $V = \pi \int_0^2 f^2(x) dx$.

Câu 12. Diện tích phần hình phẳng giới hạn bởi đường cong $(C): y = f(x)$ và parabol $(P): y = g(x)$ ở hình vẽ sau được tính theo công thức nào?



- A. $\int_{-2}^0 (f(x) - g(x)) dx + \int_0^1 (g(x) - f(x)) dx$. B. $\int_{-2}^1 (f(x) - g(x)) dx$.
 C. $\int_{-2}^1 (g(x) - f(x)) dx$. D. $\int_{-2}^0 (g(x) - f(x)) dx + \int_0^1 (f(x) - g(x)) dx$.

Câu 13. Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $A(1; -3; -2)$. Tọa độ của vectơ \overrightarrow{OA} là

- A. $(1; 3; -2)$. B. $(1; -3; -2)$. C. $(-1; 3; 2)$. D. $(1; -3; 2)$.

Câu 14. Nếu $\int_{-1}^0 f(x) dx = 4$ thì $\int_{-1}^0 [2f(x) - 1] dx$ bằng

- A. 7. B. 5. C. 8. D. 9.

Câu 15. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu (S) tâm $I(1; -3; 2)$ và có bán kính bằng 2. Mặt cầu (S) có phương trình là

- A. $(x+1)^2 + (y-3)^2 + (z+2)^2 = 2$. B. $(x-1)^2 + (y+3)^2 + (z-2)^2 = 4$.

C. $(x+1)^2 + (y-3)^2 + (z+2)^2 = 4$.

D. $(x-1)^2 + (y+3)^2 + (z-2)^2 = 2$.

Câu 16. Trong không gian $Oxyz$, cho ba điểm $A(0;1;1)$, $B(3;2;0)$, $C(0;-2;0)$. Mặt phẳng (ABC) có phương trình là

A. $4x+3y+9z+6=0$.

B. $4x-3y+9z-6=0$.

C. $4x-3y+9z+6=0$.

D. $4x+3y+9z-6=0$.

Câu 17. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp điểm biểu diễn số phức $z = x$ ($x \in \mathbb{R}$) là

A. Ellipse.

B. Trục hoành.

C. Trục tung.

D. Đường tròn.

Câu 18. Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $A(0;1;2)$ và đường thẳng $d: \frac{x-1}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-1}{-1}$. Hình chiếu vuông góc của điểm A lên đường thẳng d là điểm H có tọa độ là

A. $(0;1;2)$.

B. $(1;3;1)$.

C. $(1;2;-1)$.

D. $(1;0;3)$.

Câu 19. Biết $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = x \ln x$ và $F(1) = \frac{3}{4}$. Tính $F(e)$.

A. $F(e) = -\frac{e^2}{4} - 1$.

B. $F(e) = \frac{e^2}{4} - 1$.

C. $F(e) = -\frac{e^2}{4} + 1$.

D. $F(e) = \frac{e^2}{4} + 1$.

Câu 20. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu có phương trình $(x-2)^2 + (y+1)^2 + (z-3)^2 = 2$. Tâm mặt cầu đã cho có tọa độ là

A. $(2;-1;-3)$.

B. $(2;1;3)$.

C. $(2;-1;3)$.

D. $(-2;1;-3)$.

Câu 21. Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$. Mệnh đề nào sau đây sai?

A. $F'(x) = f(x)$.

B. Nếu $G(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$ thì $G(x) = F(x) + C$ với C là hằng số.

C. $f'(x) = F(x)$.

D. $\int f(x) dx = F(x) + C$.

Câu 22. Trên mặt phẳng tọa độ, điểm $A(2;-3)$ biểu diễn cho số phức nào dưới đây?

A. $z_3 = -2 + 3i$.

B. $z_4 = -2 - 3i$.

C. $z_1 = 2 - 3i$.

D. $z_2 = 2 + 3i$.

Câu 23. Tập hợp các điểm trong mặt phẳng biểu diễn cho số phức z thỏa mãn điều kiện $|z-1+2i|=2$ là một đường tròn có bán kính bằng

A. $\sqrt{2}$.

B. 2.

C. 4.

D. 1.

Câu 24. Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $A(2;-1;2)$ và mặt phẳng $(\beta): x+2y-3z+1=0$. Đường thẳng d qua điểm A và vuông góc với mặt phẳng (β) có phương trình là

A. $\frac{x+1}{2} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-3}{2}$.

B. $\frac{x-2}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{-3}$.

C. $\frac{x+2}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+2}{-3}$.

D. $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+3}{2}$.

Câu 25. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để số phức $z = m^2 - 4 + (m+2)i$ là số thuần ảo?

A. 3.

B. 1.

C. 0.

D. 2.

Câu 26. Trong không gian $Oxyz$, cho đường thẳng $d: \frac{x}{3} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+3}{2}$. Đường thẳng d có một vectơ chỉ phương là

- A. $\vec{u}_4 = (0; -1; 3)$. B. $\vec{u}_1 = (3; -1; 2)$. C. $\vec{u}_2 = (3; 1; 2)$. D. $\vec{u}_3 = (0; 1; -3)$.

Câu 27. Tìm số phức z thỏa mãn phương trình $\bar{z} - 2 = 1 + i$.

- A. $z = 3 - i$. B. $z = -3 - i$. C. $z = 3 + i$. D. $z = -3 + i$.

Câu 28. Trong không gian $Oxyz$, cho hai mặt phẳng $(\alpha): x - 2y + z + 2021 = 0$ và $(\beta): x - 2y + z + 2022 = 0$. Mệnh đề nào sau đây là mệnh đề **đúng**?

- A. (β) và (α) cắt nhau. B. (β) song song với (α) .
C. (β) vuông góc với (α) . D. (β) và (α) trùng nhau.

Câu 29. Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $A(-2; 1; -1)$ và đường thẳng $d: \begin{cases} x = -1 - t \\ y = 3 + 2t \\ z = -1 + t \end{cases}$. Đường thẳng Δ qua

điểm A và song song với đường thẳng d có phương trình là

- A. $\begin{cases} x = -2 - t \\ y = 1 + 2t \\ z = -1 + t \end{cases}$. B. $\begin{cases} x = 2 - t \\ y = -1 + 2t \\ z = 1 + t \end{cases}$. C. $\begin{cases} x = -1 - 2t \\ y = 2 + t \\ z = 1 - t \end{cases}$. D. $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = -2 + t \\ z = -1 - t \end{cases}$.

Câu 30. Trên mặt phẳng tọa độ, các điểm M và N biểu diễn số phức z và số phức $-z$. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. M và N đối xứng nhau qua gốc tọa độ. B. M và N đối xứng nhau qua trục tung.
C. M và N đối xứng nhau qua trục hoành. D. M và N đối xứng nhau qua đường thẳng $y = x$.

Câu 31. Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng $(\alpha): x - y + 2z + 1 = 0$ có một vectơ pháp tuyến là

- A. $\vec{n}_4 = (1; 1; -2)$. B. $\vec{n}_2 = (1; 1; 2)$. C. $\vec{n}_3 = (4; 4; -8)$. D. $\vec{n}_1 = (4; -4; 8)$.

Câu 32. Nếu $\int_0^1 f(x)dx = -2$ và $\int_0^1 g(x)dx = -1$ thì $\int_0^1 [2f(x) - 3g(x)]dx$ bằng

- A. -1 . B. -3 . C. 1 . D. 2 .

Câu 33. Mệnh đề nào dưới đây **sai**?

- A. $\int e^x dx = e^x + C$ (với C là hằng số). B. $\int \frac{dx}{x} = \ln|x| + C$ (với C là hằng số).
C. $\int \frac{dx}{\sqrt{x}} = \sqrt{x} + C$ (với C là hằng số). D. $\int dx = x + C$ (với C là hằng số).

Câu 34. Trong không gian $Oxyz$, cho hai vecto $\vec{a} = (1; 2; -2)$, $\vec{b} = (2; -1; 2)$. Góc giữa hai vecto đã cho là

- A. góc vuông. B. góc bẹt. C. góc tù. D. góc nhọn.

Câu 35. Phần ảo của số phức z thỏa mãn $z - 2 - 3i = 2 + 2i$ là

- A. 5 . B. -5 . C. $5i$. D. $-5i$.

Câu 36. Cho hàm số $f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} và $\int_0^1 f(x)dx = -2$. Tích phân $\int_0^1 f(x^3)x^2dx$ bằng

- A. $\frac{2}{3}$. B. 6 . C. $-\frac{2}{3}$. D. -6 .

Câu 37. Trong không gian $Oxyz$, cho 2 mặt phẳng $(\alpha): x - 3y + z = 0$ và $(\beta): x + y - z + 4 = 0$ cắt nhau theo giao tuyến là đường thẳng d . Điểm nào sau đây **không** thuộc đường thẳng d ?

- A. $Q\left(-\frac{9}{5}; \frac{1}{5}; \frac{12}{5}\right)$. B. $M\left(-\frac{5}{3}; \frac{1}{3}; \frac{8}{3}\right)$.

C. $N\left(-\frac{3}{2}; \frac{1}{2}; 3\right)$.

D. $P\left(-\frac{9}{4}; -\frac{1}{4}; -\frac{3}{2}\right)$.

Câu 38. Trong không gian $Oxyz$, cho đường thẳng d có phương trình $\frac{x-3}{3} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+1}{-1}$. Hình chiếu vuông góc của d trên mặt phẳng tọa độ (Oyz) là đường thẳng có phương trình

A. $\begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = 1 + t \\ z = 0 \end{cases}$

B. $\begin{cases} x = 0 \\ y = 1 + t \\ z = -1 - t \end{cases}$

C. $\begin{cases} x = 0 \\ y = t \\ z = t \end{cases}$

D. $\begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = 0 \\ z = -1 - t \end{cases}$

Câu 39. Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(-4; 1; 5)$, $B(6; -1; 1)$ và mặt phẳng $(P): x + y - z - 1 = 0$.

Xét mặt cầu (S) đi qua hai điểm A, B và có tâm thuộc (P) . Bán kính mặt cầu (S) nhỏ nhất bằng

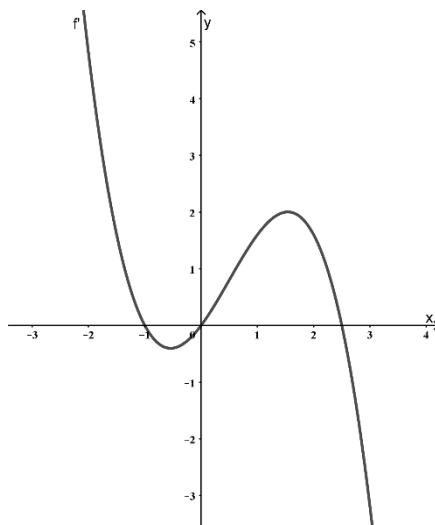
A. 6.

B. 5.

C. $\sqrt{35}$.

D. $\sqrt{33}$.

Câu 40. Cho hàm số $f(x) = ax^4 + bx^3 + cx^2 + dx + e$. Hàm số $y = f'(x)$ có đồ thị như hình vẽ. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào **đúng**?



A. $b + d - c > 0$.

C. $a + b + c + d < 0$.

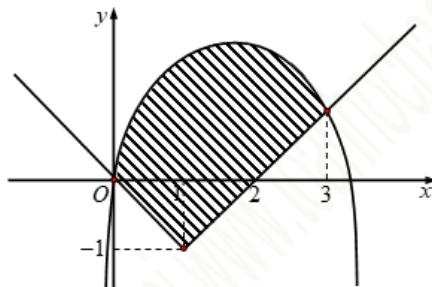
B. $a + c > 0$.

D. $a + c < b + d$.

Câu 41. Cho (H) là hình phẳng được tô đậm trong hình vẽ và được giới hạn bởi các đường có phương trình

$$y = \frac{10}{3}x - x^2, \quad y = \begin{cases} -x & \text{khi } x \leq 1 \\ x - 2 & \text{khi } x > 1 \end{cases}$$

Diện tích của (H) bằng



A. $\frac{11}{2}$.

B. $\frac{19}{3}$.

C. $\frac{13}{2}$.

D. $\frac{41}{6}$.

Câu 42. Trong không gian $Oxyz$, cho 2 mặt phẳng $(\alpha): mx + y + z + 2021 = 0$ và $(\beta): (m+1)x + y - z + 2022 = 0$ (m là tham số). Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để hai mặt phẳng α, β vuông góc nhau?

A. 0.

B. 3.

C. 2.

D. 1.

Câu 43. Biết $\int_0^{3\ln 3} |e^x - 3| dx = a - b \ln 3$ với a, b là các số hữu tỉ. Khi đó $a + b$ bằng

- A. 30. B. -5. C. 35. D. 25.

Câu 44. Cho số phức $z = x + yi$ ($x, y \in \mathbb{R}$) thỏa mãn số phức $w = (2 - z)(\bar{z} + 2i)$ là số thuần ảo. Tập hợp điểm biểu diễn của số phức z là một đường tròn có bán kính bằng

- A. $\sqrt{3}$. B. $\sqrt{2}$. C. 2. D. 3.

Câu 45. Trong không gian $Oxyz$, cho 2 đường thẳng chéo nhau $\Delta: \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -1 - t \text{ và } \Delta': \frac{x-2}{-1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-3}{1} \\ z = 1 \end{cases}$.

Khoảng cách giữa hai đường thẳng đã cho bằng:

- A. $\frac{\sqrt{6}}{4}$. B. $\frac{\sqrt{6}}{5}$. C. $\frac{\sqrt{6}}{2}$. D. $\frac{\sqrt{6}}{3}$.

Câu 46. Cho số phức z thỏa mãn điều kiện $z(\overline{z+1-i}) + (1-i)\bar{z} = 2$. Tập hợp các điểm biểu diễn cho số phức z là

- A. một parabol. B. một hình tròn. C. một đường thẳng. D. một đường tròn.

Câu 47. Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $M(-2; 1; -3)$. Điểm $M'(a; b; c)$ đối xứng với điểm M qua mặt phẳng tọa độ (Oxy) . Giá trị của biểu thức $a + 3b^3 - 4c^2$ bằng

- A. -35. B. 15. C. 27. D. -22.

Câu 48. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm trên \mathbb{R} thỏa mãn $f(1) = 0$, $f(0) = 1$ và $\int_0^1 e^x f(x) dx = -6$. Khi đó $\int_0^1 e^x f'(x) dx$ bằng

- A. 5. B. -5. C. 3. D. -3.

Câu 49. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = 6x - 2, \forall x \in \mathbb{R}$, $f(2) = -1$. Biết $F(x)$ là nguyên hàm của $f(x)$ thỏa mãn $F(0) = 2$. Khi đó $F(-1)$ bằng

- A. 9. B. -9. C. 11. D. 2.

Câu 50. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số $m \in (-10; 10)$ sao cho phương trình

$$(z-1)(z^2 + z + m^2 - 6) = 0$$

có ba nghiệm phức phân biệt?

- A. 20. B. 19. C. 18. D. 17.

----- HẾT -----