

Họ và tên học sinh: Số báo danh:

ĐỀ BÀI

Câu 1 (2,0 điểm). Giải các phương trình sau:

a) $2 \sin \left(2x - \frac{\pi}{6} \right) - 1 = 0;$

b) $2 \cos^2 2x - 5 \cos 2x + 2 = 0.$

Câu 2 (2,0 điểm)

- a) Một đội xây dựng gồm 12 công nhân và 4 kĩ sư. Để lập một tổ công tác cần chọn 1 kĩ sư làm tổ trưởng, 1 công nhân làm tổ phó và 5 công nhân làm tổ viên. Hỏi có bao nhiêu cách lập một tổ công tác như vậy?
- b) Một túi chứa 8 quả cầu đỏ và 4 quả cầu xanh. Lấy ngẫu nhiên 4 quả cầu trong túi. Tính xác suất để 4 quả cầu lấy ra có cả 2 màu.

Câu 3 (1,0 điểm). Tìm hệ số của x^3 trong khai triển $\left(3x^2 - \frac{2}{x^3} \right)^9$ với $x \neq 0$.

Câu 4 (1,0 điểm). Cho cấp số cộng (u_n) thỏa mãn $\begin{cases} u_5 + 3u_3 - u_2 = -21 \\ u_4 - 2u_6 = 21 \end{cases}$. Tính u_{2022} .

Câu 5 (3,0 điểm). Cho hình chóp $S.ABCD$ có $ABCD$ là hình bình hành tâm O . Gọi M, P, Q lần lượt là trung điểm của SA, BC, SB .

- a) Tìm giao tuyến của các mặt phẳng (SAC) và (SBD) ; (MBC) và (SAD) ;
- b) Chứng minh $OM // PQ$, từ đó suy ra $OM // (SBC)$;
- c) Gọi N là điểm bất kì trên đường thẳng OM . Chứng minh $PN // (SCD)$.

Câu 6 (1,0 điểm). Vào năm 1999, một khu rừng có trữ lượng gỗ là 3.10^6 m^3 . Trung bình mỗi năm trữ lượng gỗ của khu rừng tăng 4%.

- a) Gọi u_n là trữ lượng gỗ của khu rừng sau n năm (tính từ năm 1999), hãy xây dựng công thức tính u_n ;
- b) Ước tính trữ lượng gỗ của khu rừng vào năm 2030.

HẾT