**PHẦN E. TRẢ LỜI NGẮN**

**Câu 1.** Hàng ngày mực nước tại một cảng biển lên xuống theo thuỷ triều. Độ sâu  của mực nước theo thời gian  (giờ) trong một ngày được cho bởi công thức



Tìm thời điểm mà mực nước tại cảng là cao nhất.

**Trả lời:** ……………

**Câu 2.**  Công thức Định luật làm mát của Newton được cho như sau: , trong đó  là số giờ trôi qua,  là nhiệt độ lúc đầu,  là nhiệt độ sau  giờ,  là nhiệt độ môi trường  theo cùng một đơn vị đo),  là một hằng số. Một cốc trà có nhiệt độ , sau 2 phút nhiệt độ giảm còn . Biết nhiệt độ phòng là . 3Tính nhiệt độ của cốc trà sau 10 phút (làm tròn kết quả đến hàng phần mười).

**Trả lời:** ……………

**Câu 3.** Hội Lim (tỉnh Bắc Ninh) vào mùa xuân thường có trò chơi đánh đu. Khi người chơi đu nhún đều, cây đu sẽ đưa người chơi đu dao động quanh vị trí cân bằng (Hình 9).



Nghiên cứu trò chơi này, người ta thấy khoảng cách  từ người chơi đu đến vị trí cân bằng được biểu diễn qua thời gian  (với ) bởi hệ thức  với , trong đó ta quy ước  khi vị trí cân bằng ở phía sau lưng người chơi đu và  trong trường hợp ngược lại (Nguồn: R. Larson and Edwards, Calculus 10e Cengage 0). Tìm thời điểm đầu tiên mà khoảng cách  là lớn nhất. (Viết kết quả dưới dạng số thập phân).

**Trả lời:** ……………

**Câu 4.** Một cây cầu có dạng cung  của đồ thị hàm số  và được mô tả trong hệ trục toạ độ với đơn vị trục là mét như ở Hình.



Một sà lan chở khối hàng hoá được xếp thành hình hộp chữ nhật với độ cao  so với mực nước sông. Hỏi chiều rộng của khối hàng hoá đó lớn nhất là bao nhiêu mét để sà lan có thể đi qua được gầm cầu (làm tròn kết quả đến hàng đơn vị)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 5.** Trong một thí nghiệm, một quả cầu được gắn vào một đầu dây đàn hồi, đầu kia của sợi dây được gắn cố định vào một thanh treo nằm ngang. Sau khi quả cầu được kéo xuống và thả ra, nó bắt đầu di chuyển lên xuống. Khi đó, chiều cao  của quả cầu so với mặt đất theo thời gian  được cho bởi công thức



Tính thời điểm đầu tiên mà quả cầu đạt chiều cao cao nhất kể từ khi quả cầu được thả ra (làm tròn kết quả đến hàng phần trăm).

**Trả lời:** ……………

**Câu 6.** Trung bình sau mỗi năm sử dụng, giá trị còn lại của một chiếc ô tô giảm đi  so với năm trước đó. Giả sử một chiếc ô tô lúc mới mua là 800 triệu đồng. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm sử dụng thì giá trị còn lại của chiếc ô tô đó nhỏ hơn 600 triệu đồng (làm tròn kết quả đến hàng đơn vị)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 7.** Các nhà khoa học xác định được chu kì bán rã của  là 5730 năm, tức là sau 5730 năm thì số nguyên tử  giảm đi một nửa. Một cây còn sống có lượng  trong cây được duy trì không đổi. Nhưng nếu cây chết thì lượng  trong cây phân rã theo chu kì bán rã của nó. Các nhà khảo cổ đã tìm thấy một mẫu gỗ cổ và đo được tỉ lệ phần trăm lượng  còn lại trong mẫu gỗ cổ đó so với lúc còn sinh trưởng là . Hỏi mẫu gỗ cổ đó đã chết cách đây bao nhiêu năm (làm tròn kết quả đến hàng đơn vị)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 8.** Cô Liên gửi 100 triệu đồng vào ngân hàng theo hình thức lãi kép có kì hạn là 12 tháng với lãi suất  năm. Giả sử qua các năm thì lãi suất không thay đổi và cô Liên không gửi thêm tiền vào mỗi năm. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm thì số tiền cô Liên có được cả gốc và lãi nhiều hơn 150 triệu đồng (làm tròn kết quả đến hàng đơn vị)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 9.** Giả sử một vật dao động điều hoà xung quanh vị trí cân bằng theo phương trình



Ở đây, thời gian  tính bằng giây và quãng đường  tính bằng centimét. Hãy cho biết trong khoảng thời gian từ 0 đến 6 giây, vật đi qua vị trí cân bằng bao nhiêu lần?

**Trả lời:** ……………

**Câu 10.** Giả sử giá trị còn lại (tính theo triệu đồng) của một chiếc ô tô sau  năm sử dụng được mô hình hoá bằng công thức:  Hỏi nếu theo mô hình này, sau bao nhiêu năm sử dụng thì giá trị của chiếc ô tô đó còn lại không quá 300 triệu đồng? (Làm tròn kết quả đến hàng đơn vị).

**Trả lời:** ……………

**Câu 11.** Bác Minh gửi tiết kiệm 500 triệu đồng ở một ngân hàng với lãi suất không đổi 7,5% một năm theo thể thức lãi kép kì hạn 12 tháng. Tổng số tiền bác Minh thu được (cả vốn lẫn lãi) sau  năm là: (triệu đồng).

Tính thời gian tối thiểu gửi tiết kiệm để bác Minh thu được ít nhất 800 triệu đồng (cả vốn lẫn lãi).

**Trả lời:** ……………

**Câu 12.** Số lượng vi khuẩn ban đầu trong một mẻ nuôi cấy là 500 con. Người ta lấy một mẫu vi khuẩn trong mẻ nuôi cấy đó, đếm số lượng vi khuẩn và thấy rằng tỉ lệ tăng trưởng vi khuẩn là  mỗi giờ. Khi đó số lượng vi khuẩn  sau  giờ nuôi cấy được ước tính bằng công thức sau:Hỏi sau bao nhiêu giờ nuôi cấy, số lượng vi khuẩn vượt mức 80000 con?

**Trả lời:** ……………

**Câu 13.** Giả sử tổng chi phí hoạt động (đơn vị tỉ đồng) trong một năm của một công ty được tính bằng công thức , trong đó  là thời gian tính bằng năm kể từ khi công ty được thành lập. Tính chi phí hoạt động của công ty đó vào năm thứ 10 sau khi thành lập (làm tròn kết quả đến chữ số thập phân thứ ba).

**Trả lời:** ……………

**Câu 14.** Dân số Việt Nam năm 2021 ước tính là  người.

(Nguôn: https://danso.org/viet-nam)

Giả sử tỉ lệ tăng dân số hàng năm của Việt Nam là . Biết rằng sau  năm, dân số Việt Nam (tính từ mốc năm 2021) ước tính theo công thức: . . Hỏi từ năm nào trở đi, dân số Việt Nam vượt quá 110 triệu người?

**Trả lời:** ……………

**Câu 15.** Một người gửi ngân hàng 100 triệu đồng theo hình thức lãi kép có kì hạn là 12 tháng với lãi suất là  năm. Để có được số tiền cả gốc và lãi nhiều hơn 130 triệu đồng thì người đó phải gửi ít nhất bao nhiêu năm? Biết rằng lãi suất không thay đổi qua các năm và người đó không rút tiền ra trong suốt quá trình gửi.

**Trả lời:** ……………

**Câu 16.** Cường độ của một trận động đất, kí hiệu là  (độ Richter), được cho bởi công thức , ở đó  là biên độ rung chấn tối đa đo được bằng địa chấn kế và  là biên độ chuẩn (hằng số phụ thuộc vào từng khu vực)

(Nguồn: https://vi.wikipedia.org/wiki/Độ\_Richter)

Vào hồi 12 giờ 14 phút trưa ngày 27/07/2020, tại khu vực huyện Mộc Châu, Sơn  xảy ra trận động đất thứ nhất với cường độ 5,3 độ Richter. Trong vòng 20 tiếng đồng hồ, Sơn La đã xảy ra liên tiếp 7 trận động đất. Đến 8 giờ 26 phút sáng 28/07/2020, trận động đất thứ bảy xảy ra với cường độ 4 độ Richter. (Nguồn: <https://plo.vn/7-tran-dong-dat-lien-tiep-o-son-la-trong-vong20-tieng-dong-ho-post585443.html>) Biết rằng biên độ chuẩn được dùng cho cả tỉnh Sơn La. Hỏi biên độ rung chấn tối đa của trận động đất thứ nhất gấp khoảng mấy lần biên độ rung chấn tối đa của trận động đất thứ bảy (làm tròn kết quả đến hàng đơn vị)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 17.** Số lượng của một loài vi khuẩn trong phòng thí nghiệm được tính theo công thức , trong đó  là số lượng vi khuẩn ban đầu,  là số lượng vi khuẩn có sau  (phút),  là tỉ lệ tăng trưởng  (tính theo phút) là thời gian tăng trưởng. Biết rằng số lượng vi khuẩn ban đầu có 500 con và sau 6 giờ có 2000 con. Hỏi ít nhất bao nhiêu giờ, kể từ lúc bắt đầu, số lượng vi khuẩn đạt ít nhất 120000 con?

**Trả lời:** ……………

**Câu 18.** Để đầu tư dự án trồng rau sạch theo công nghệ mới, bác Thảo đã làm hợp đồng xin vay vốn ngân hàng số tiền là 500 triệu đồng với lãi suất  cho kỳ hạn một năm. Điều kiện kèm theo của hợp đồng là số tiền lãi năm trước sẽ được tính làm vốn để sinh lãi cho năm sau (theo thể thức lãi kép). Sau hai năm thành công với dự án rau sạch của mình, bác đã thanh toán hợp đồng ngân hàng với số tiền là 599823000 đồng. Hỏi bác Thảo đã vay ngân hàng với lãi suất  là bao nhiêu (làm tròn đến hàng phần nghìn)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 19. (Mã 103 - 2020 Lần 2)** Năm 2020, một hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là 800.000.000 đồng và dự định trong 10 năm tiếp theo, mỗi năm giảm 2% giá bán so với giá bán của năm liền trước. Theo dự định đó, năm 2025 hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng nghìn)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 20. (Mã** **104** **2018)** Một người gửi tiết kiệm vào một ngân hàng với lãi suất năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó thu được (cả số tiền gửi ban đầu và lãi) gấp đôi số tiền gửi ban đầu, giả định trong khoảng thời gian này lãi suất không thay đổi và người đó không rút tiền ra?

**Trả lời:** ……………

**Câu 21. (Chuyên** **Bắc** **Giang** **2019)** Một người gửi  triệu đồng vào một ngân hàng với lãi suất /tháng. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi tháng, số tiền lãi sẽ được nhập làm vốn ban đầu để tính lãi cho tháng tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu tháng, người đó được lĩnh số tiền không ít hơn  triệu đồng (cả vốn ban đầu và lãi), biết rằng trong suốt thời gian gửi tiền người đó không rút tiền và lãi suất không thay đổi?

**Trả lời:** ……………

**Câu 22.** Năm 2020, một hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là 900.000.000 đồng và dự định trong 10 năm tiếp theo, mỗi năm giảm 2% giá bán so với giá bán năm trước. Theo dự định đó, năm 2025 hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là bảo nhiêu ( kết quả làm tròn đến hàng nghìn)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 23. (Kìm Thành - Hải Dương - 2020)** Anh Việt vay tiền ngân hàng  triệu đồng mua nhà và trả góp hàng tháng. Cuối mỗi tháng bắt đầu từ tháng thứ nhất anh trả  triệu đồng và chịu lãi suất là / tháng cho số tiền chưa trả. Với hình thức hoàn nợ như vậy thì sau bao lâu anh Việt sẽ trả hết số nợ ngân hàng?

**Trả lời:** ……………

**Câu 24. (Chuyên Lê Quý Đôn – Điện Biên 2019)** Một người thả một lá bèo vào một chậu nước. Sau 12 giờ bèo sinh sôi phủ kín mặt nước trong chậu. Biết rằng sau mỗi giờ lượng bèo tăng gấp 10 lần lượng bèo trước đó và tốc độ tăng không đổi. Hỏi sau mấy giờ thì bèo phủ kín  mặt nước trong chậu (kết quả làm tròn đến một chữ số phần thập phân)?

**Trả lời:** ……………

**Câu 25. (Bình Giang-Hải Dương 2019)** Một công ty vừa tung ra thị trường sản phẩm mới và họ tổ chức quảng cáo trên truyền hình mỗi ngày. Một nghiên cứu thị trường cho thấy, nếu sau  lần quảng cáo được phát thì số  người xem mua sản phẩm là . Hãy tính số lần quảng cáo được phát tối thiểu để số  người xem mua sản phẩm đạt hơn .

**Trả lời:** ……………

**Câu 26. (Mã** **103** **2019)** Cho phương trình  ( là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  để phương trình đã cho có nghiệm?

**Trả lời:** ……………

**Câu 27. (Chuyên** **Lam** **Sơn** **Thanh** **Hóa** **2019)** Cho phương trình . Tập hợp tất cả các giá trị dương của  để phương trình đã cho có hai nghiệm phân biệt là khoảng  Tổng  bằng:

**Trả lời:** ……………

**Câu 28. (Mã** **102** **-** **2019)** Cho phương trình  ( là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  để phương trình đã cho có đúng hai nghiệm phân biệt?

**Trả lời:** ……………

**Câu 29. (THPT huyện Mỹ Lộc – Vụ Bản – Nam Định 2023)** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  để phương trình  có hai nghiệm thực phân biệt?

**Trả lời:** ……………

**Câu 30. (Mã 101 - 2020 Lần 2)** Có bao nhiêu cắp số nguyên dương  sao cho  và ứng với mỗi cặp  tồn tại đúng ba số thực  thỏa mãn ?

**Trả lời:** ……………

**Câu 31. (Sở Bình Phước 2023)** Có bao nhiêu cặp số  nguyên dương thỏa mãn  và ?

**Trả lời:** ……………

**Câu 32. (Mã 104 - 2020 Lần 1)** Có bao nhiêu số nguyên  sao cho ứng với mỗi  có không quá  số nguyên  thỏa mãn ?

**Trả lời:** ……………

**Câu 33. (Liên** **Trường** **Thpt** **Tp** **Vinh** **Nghệ** **An** **2019)** Trong các nghiệm  thỏa mãn bất phương trình . Khi đó giá trị lớn nhất của biểu thức  là

**Trả lời:** ……………