**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO KỲ THI TUYẾN SINH LỚP 10 THPT**

**AN GIANG** **NĂM HỌC 2023 – 2024**

**Khóa ngày: 03/06/2023**

**ĐỀ CHÍNH THỨCMôn thi:** **TOÁN CHUYÊN**

*(Đề thi gồm có 01 trang) Thời gian làm bài: 120 phút, không kể thời gian phát đề*

**Câu 1. (1,0 điểm)**

Thực hiện phép tính:

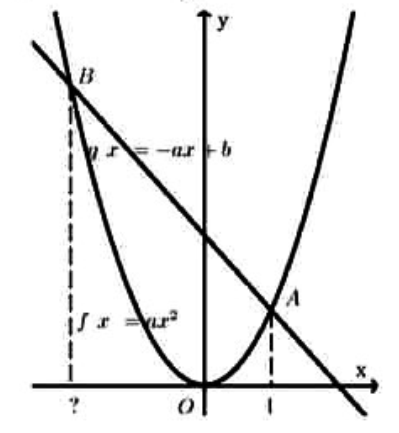
**Câu 2. (1,0 điểm)**

Giải hệ phương trình

**Câu 3. (1,0 điểm)**

Phương trình (với *a; b* là các số nguyên) có một nghiệm là . Tính nghiệm còn lại.

**Câu 4. (1,0 điểm)**

****

Hình vẽ bên là đồ thị của hàm số và (a; b là các số thực), điểm chung thứ nhất có hoành độ bằng 1. Tìm hoành độ của điểm chung thứ hai của hai đồ thị.

**Câu 5. (1,5 điểm)**

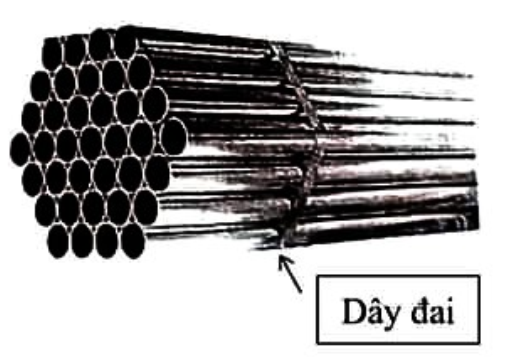
Cho và . Tính

**Câu 6. (3,5 điểm)**

Cho tam giác *ABC* có ba góc đều nhọn, *BH* là đường cao kẻ từ *B* (. Gọi *D, E* lần lượt là trung điểm của *AB* và *AC*, *F* là điểm đối xứng của điểm *H* qua *DE*.

1. Chứng minh rằng tứ giác *ABFH* nội tiếp.
2. Chứng minh
3. Chứng minh rằng B*F* đi qua tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác *ABC*.

**Câu 7. (1,0 điểm)**

****

Một nhà máy sản xuất ống thép khi xuất xưởng các ống thép được bó lại tạo thành khối gồm 37 ống như hình vẽ. Biết các ống có dạng hình trụ đường kính đáy bằng nhau và bằng . Tính độ dài của một sơi dây đai để buột các ống thép lại với nhau.

---------- **Hết** ----------

Số báo danh: ; Phòng thi số:

**LƯỢT GIẢI ĐỀ TUYỂN SINH 10 AN GIANG**

**Môn: TOÁN CHUYÊN**

Năm học: 2023 – 2024

*Đặng Lê Gia Khánh – Mai Anh Khoa*

**Câu 1. (1,0 điểm)**

|  |
| --- |
| Thực hiện phép tính: |

**Lời giải**

= 3.

**Câu 2. (1,0 điểm)**

|  |
| --- |
| Giải hệ phương trình |

**Lời giải**

Trừ (1) và (2) theo vế ta được:

Thay vào (2) được

Vậy hệ đã cho có nghiệm

**Câu 3. (1,5 điểm)**

|  |
| --- |
| Phương trình (với *a; b* là các số nguyên) có một nghiệm là . Tính nghiệm còn lại. |

**Lời giải**

Gọi là hai nghiệm của phương trình (1).

Không mất tính tổng quát, giả sử và là nghiệm còn lại.

Thay vào (1) ta được:

Vì a; b là các số nguyên nên ta có hệ:

Suy ra phương trình (1) là

Theo hệ thức Vi-ét, ta được:

.

Vậy nghiệm còn lại là .

**Câu 4. (1,0 điểm)**

|  |
| --- |
| Hình vẽ bên là đồ thị của hàm số và (a; b là các số thực), điểm chung thứ nhất có hoành độ bằng 1. Tìm hoành độ của điểm chung thứ hai của hai đồ thị |

**Lời giải**

Hình vẽ cho biết .

Hoành độ giao điểm của hai đồ thị hàm số là nghiệm của phương trình:

.

Gọi nghiệm còn lại của (\*) là . Theo hệ thức Vi-ét, ta có:

Vậy hoành độ của điểm chung thứ hai là

**Câu 5. (1,5 điểm)**

|  |
| --- |
| Cho và . Tính |

**Lời giải**

Ta có biến đổi:

Đặt , điều kiện bài toán trở thành:

Cộng (1) và (2) theo vế, ta được:

.

Vậy

**Câu 6, (3,5 điểm)**

|  |
| --- |
| Cho tam giác *ABC* có ba góc đều nhọn, *BH* là đường cao kẻ từ *B* (. Gọi *D, E* lần lượt là trung điểm của *AB* và *AC*, *F* là điểm đối xứng của điểm *H* qua *DE*.   1. Chứng minh rằng tứ giác *ABFH* nội tiếp. 2. Chứng minh 3. Chứng minh rằng B*F* đi qua tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác *ABC*. |

**Lời giải**

****

**a)** Xét vuông cân tại *H* có *D* là trung điểm (1).

Vì *F* là điểm đối xứng của điểm *H* qua *DE* nên (2).

Từ (1) và (2) .

Suy ra bốn điểm *A, H, B, F* cùng thuộc được tròn đường kính *AB*.

Vậy tứ giác *ABFH* nội tiếp.

**b)** Tứ giác *ABFH* nội tiếp (câu 6a) (3).

Vì *F* là điểm đối xứng của điểm *H* qua *DE* nên

Suy ra cân tại E (4).

Từ (3), (4)

**c)** Vì *F* là điểm đối xứng của điểm *H* qua *DE* nên

Từ câu 6a, có *A, H, B, F* thuộc đường tròn tâm *D* đường kính *AB* nên

Từ (5), (6)

Suy ra tứ giác *FDAE* nội tiếp. (7)

Xét đường tròn (*O*) tâm *O* ngoại tiếp có

*D* là trung điểm dây *AB*

*E* là trung điểm dây *AC*

Xét tứ giác *ODAE* có:

Nên tứ giác *ODAE* nội tiếp đường tròn đường kính *AO*. (8)

Kết hợp (7), (8) cùng thuộc đường tròn đường kính *AO*.

(cùng chắn cung *AO*).

Mặt khác: (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn đường kính *AB*)

Suy ra: , nghĩa là *B, F, O* thẳng hàng.

Vậy *BF* đi qua tâm đường tròn ngoại tiếp

**Câu 7. (3,5 điểm)**

|  |
| --- |
| Một nhà máy sản xuất ống thép khi xuất xưởng các ống thép được bó lại tạo thành khối gồm 37 ống như hình vẽ. Biết các ống có dạng hình trụ đường kính đáy bằng nhau và bằng . Tính độ dài của một sơi dây đai để buột các ống thép lại với nhau. |

**Lời giải**

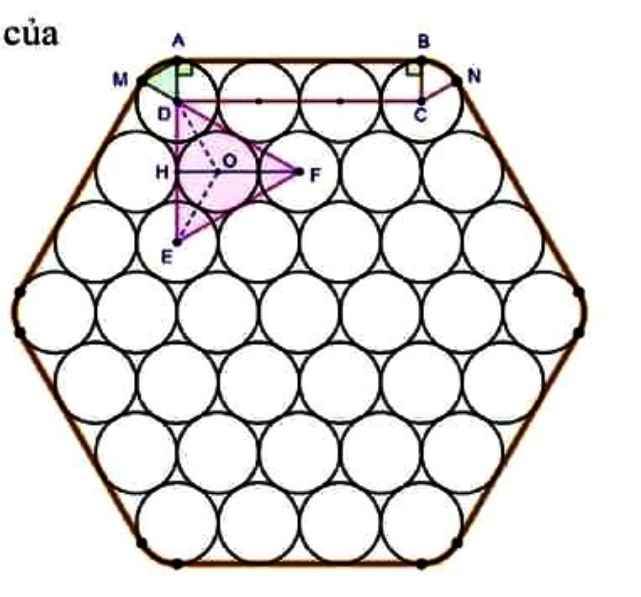
Đặt lần lượt là đường kính và bán kính của các ống thép

**HÌNH VẼ**

Ký hiệu các điểm như hình minh họa bên.

Trong đó:

A, B, M, N, H là các tiếp điểm giữa dây đai với các ống thép.



D, C, E, F, O là tâm của một số ống thép.

Giả sử các ống thép tiếp xúc khít nhau và dây đai buộc chính xác.

Dễ thấy ABCD là hình chữ nhật.

Nên hiển hiên các điểm A, D, H, E thẳng hàng.

Xét có:

Tương tự cũng tính được và

Như vậy nên là tam giác đều

Suy ra (đối đỉnh).

Chiều dài cung AM bằng

Từ hình vẽ, kết hợp (1) và (2) ta tính được chiều dài dây đai là:

---------- **Hết** ----------